

Université Mohammed V-Agdal
Faculté des Sciences Rabat
Département Mathématiques et Informatique
Le module I2 : SMP-SMC



Faculté des Sciences

Algorithmique

Par

Pr. Mohamed El Marraki

2005/2006

Sommaire

1. Généralités sur l'Algorithmique

Introduction

L'algorithmique

- Principe
- Les caractéristiques d'un Algorithme
- Analyse descendante

L'algorithmique et la programmation

- Le but de la programmation
- Langages de programmation
- Pseudo langage

2. Les variables

- Déclaration des variables
- Noms de variables
- Types de variables

3. Les Primitives

Affectation

- Définition et notation
- Utilisations

Lire et écrire

- Données et résultats
- Les objets manipulés par l'algorithme

Les tests

- si .. alors .., si .. alors .. sinon ..
- Conditions composées
- Organigramme
- Tests imbriqués

Les Boucles

- La boucle TantQue
- La boucle Répéter ... jusqu'à ...
- La boucle Pour ... jusqu'à ...
- Les boucles imbriquées
- Une méthodologie pour l'écriture d'une boucle

4. Les structures de données statiques

Tableaux à une dimension

- Introduction
- Notation et utilisation algorithmique

Types pour les tableaux
Quelques algorithmes utilisant les tableaux à une dimension

Tableaux à deux dimensions

Notation et définitions
Algorithmes sur les matrices

5. Les fonctions et les procédures

Introduction

Les fonctions

Introduction
Les fonctions prédéfinies
Déclaration d'une fonction
Passage d'arguments
Utilisation des fonctions
Les fonctions récursives

Les Procédures

1. Généralités sur l'Algorithmique

1.1 Introduction

L'**algorithmique** est un terme d'origine arabe, hommage à *Al Khawarizmi* (780-850) auteur d'un ouvrage décrivant des méthodes de calculs algébriques.

Un **algorithme** est une méthode de résolution de problème énoncée sous la forme d'une série d'opérations à effectuer. La mise en œuvre de l'algorithme consiste en l'écriture de ces opérations dans un langage de programmation et constitue alors la brique de base d'un programme informatique.

- 1 Une recette de cuisine est un algorithme!
- 2 Le mode d'emploi d'un magnétoscope est aussi un algorithme!
- 3 Indiqué un chemin à un touriste égaré ou faire chercher un objet à quelqu'un par téléphone c'est fabriquer - et faire exécuter - des algorithmes.

Un algorithme, c'est une suite d'instructions, qui une fois exécutée correctement, conduit à un résultat donné.

- 1 Si l'algorithme est juste, le résultat est le résultat voulu, et le touriste se retrouve là où il voulait aller.
- 2 Si l'algorithme est faux, le résultat est, disons, aléatoire, et décidément, ce magnétoscope ne marche pas!

Pour fonctionner, un algorithme doit donc contenir uniquement des instructions compréhensibles par celui qui devra l'exécuter (l'ordinateur).

L'ADN, qui est en quelque sorte le programme génétique, l'algorithme à la base de construction des êtres vivants, est une chaîne construite à partir de quatre éléments invariables. Ce n'est que le nombre de ces éléments, et l'ordre dans lequel ils sont arrangés, qui vont déterminer si on obtient une puce ou un éléphant.

Les ordinateurs eux-mêmes ne sont fondamentalement capables d'exécuter que quatre opérations logiques :

- 1 l'affectation de variables
- 2 la lecture / écriture
- 3 les tests
- 4 les boucles

Un algorithme informatique se ramène donc toujours au bout du compte à la combinaison de ces quatre petites briques de base. Il peut y en avoir quelques unes, quelques dizaines, et jusqu'à plusieurs centaines de milliers dans certains programmes.

La taille d'un algorithme ne conditionne pas en soi sa complexité : de longs algorithmes peuvent être finalement assez simples, et de petits algorithmes peuvent être très compliqués. L'informatique est la science du traitement automatique de l'information. Pour cela il faut:

- 1 modéliser cette information,
- 2 définir à l'aide d'un formalisme strict les traitements dont elle fera l'objet.
- 3 et enfin traduire ces traitements dans un langage compréhensible par un ordinateur.

Les deux premiers points concernent l'algorithmique, alors que le dernier point relève de ce que l'on nomme la **programmation**.

L'écriture d'un programme consiste généralement à implanter une méthode de résolution déjà connue et souvent conçue indépendamment d'une machine pour fonctionner aussi bien sur toutes les machines ou presque. Ainsi, ce n'est pas le programme mais la méthode qu'il faut étudier pour comprendre comment traiter le problème. Le terme algorithme est employé en informatique pour décrire une méthode de résolution de problème programmable sur machine. Les algorithmes sont la « matière » de l'informatique et sont l'un des centres d'intérêt de la plupart, sinon la totalité, des domaines de cette science.

1.2 L'algorithmique

Principe

Définition : Un algorithme est une séquence bien définie d'opérations (calcul, manipulation de données, etc.) permettant d'accomplir une tâche en un nombre fini de pas.

En principe un algorithme est indépendant de toute implantation. Cependant dans la pratique de la programmation il s'avère indispensable de tenir compte des capacités du langage de programmation utilisé.

- La conception d'un algorithme passe par plusieurs étapes :

Analyse : définition du problème en terme de séquences d'opérations de calcul de stockage de données, etc. ;

Conception : définition précise des données, des traitements et de leur séquencement ;

Implantation : traduction et réalisation de l'algorithme dans un langage précis ;

Test : Vérification du bon fonctionnement de l'algorithme.

Remarque :

Les programmes sont souvent sur-optimisés. Il n'est pas toujours indispensable de se donner la peine de trouver l'implantation la plus efficace d'un algorithme, à moins que ce dernier ne soit susceptible d'être utilisé pour une tâche très répétitive. Dans les autres cas, une mise en œuvre simple conviendra souvent : on pourra être sûr que le programme fonctionnera, peut-être cinq ou dix fois moins vite que la version la plus optimisée, ce qui se traduira éventuellement par quelques secondes supplémentaires à l'exécution. En revanche, un mauvais choix d'algorithme peut entraîner une différence d'un facteur cent, mille ou plus, ce qui se traduira en minutes, en heures voir en jours au niveau des temps d'exécution.

Les caractéristiques d'un Algorithme

- Un algorithme est une marche à suivre :
 - 1 dont les opérations sont toutes définies et portent sur des objets appelés informations,
 - 2 dont l'ordre d'exécution des opérations est défini sans ambiguïté,
 - 3 qui est réputée résoudre de manière certaine un problème ou une classe de problèmes,
 - 4 s'exprime dans un langage indépendant des langages de programmation,

1.3 L'algorithmique et la programmation

Un **programme** est la traduction d'un algorithme dans un certain langage de programmation. Il faut savoir qu'à chaque instruction d'un programme correspond une action du processeur.

1.3.1 Le but de la programmation :

- Utiliser l'ordinateur pour traiter des données afin d'obtenir des résultats.
- Abstraction par rapport au matériel (indépendance application / plate forme matérielle).
- Intermédiaire entre le langage machine (binaire) et le langage humain

1.3.2 Langages de programmation

Le langage utilisé par le processeur, est appelé **langage machine**. Il s'agit d'une suite de 0 et de 1 (du binaire). Toutefois le langage machine est difficilement compréhensible par l'humain. Ainsi il est plus pratique de trouver un langage intermédiaire, compréhensible par l'homme, qui sera ensuite transformé en langage machine pour être exploitable par le processeur. L'assembleur est le premier langage informatique qui ait été utilisé. Celui-ci est encore très proche du langage machine mais il permet déjà d'être plus compréhensible. Toutefois un tel langage est tellement proche du langage machine qu'il dépend étroitement du type de processeur utilisé (chaque type de processeur peut avoir son propre langage machine). Ainsi un programme développé pour une machine ne pourra pas être *porté* sur un autre type de machine (on désigne par le terme "**portable**" un programme qui peut être utilisé sur un grand nombre de machines). Pour pouvoir l'utiliser sur une autre machine il faudra alors parfois réécrire entièrement le programme!

Il y a trois catégories de langage de programmations : les **langages interprétés** et les **langages intermédiaires** et les **langages compilés**.

Langage interprété

Un langage de programmation est par définition différent du langage machine. Il faut donc le traduire pour le rendre intelligible du point de vue du processeur. Un programme écrit dans un langage interprété a besoin d'un programme auxiliaire (l'interpréteur) pour traduire au fur et à mesure les instructions du programme.

Exemples de langages interprétés : Le langage HTML (les pages web), le langage Maple (calcul mathématique), Prolog (Intelligence artificielle), etc.

Langage compilé :

Un programme écrit dans un langage dit "compilé" va être traduit une fois pour toutes par un programme annexe (le compilateur) afin de générer un nouveau fichier qui sera autonome, c'est-à-dire qui n'aura plus besoin d'un programme autre que lui pour s'exécuter (on dit d'ailleurs que ce fichier est exécutable).

Un programme écrit dans un langage compilé a comme avantage de ne plus avoir besoin, une fois compilé, de programme annexe pour s'exécuter. De plus, la traduction étant faite une fois pour toute, il est plus rapide à l'exécution. Toutefois il est moins souple qu'un programme écrit avec un langage interprété car à chaque modification du fichier source il faudra recompiler le programme pour que les modifications prennent effet.

D'autre part, un programme compilé a pour avantage de garantir la sécurité du code source. En effet, un langage interprété, étant directement intelligible (lisible), permet à n'importe qui de connaître les secrets de fabrication d'un programme et donc de copier le code voire de le

modifier. Il y a donc risque de non-respect des droits d'auteur. D'autre part, certaines applications sécurisées nécessitent la confidentialité du code pour éviter le piratage (transaction bancaire, paiement en ligne, communications sécurisées, ...).

Exemples de langages compilés : Le langage C (Programmation système), le langage C++ (Programmation système objet), le Cobol (Gestion) etc.

Langages intermédiaires :

Certains langages appartiennent en quelque sorte aux deux catégories précédentes (LISP, Java, Python, ..) car le programme écrit avec ces langages peut dans certaines conditions subir une phase de compilation intermédiaire vers un fichier écrit dans un langage qui n'est pas intelligible (donc différent du fichier source) et non exécutable (nécessité d'un interpréteur). Les applets Java, petits programmes insérés parfois dans les pages Web, sont des fichiers qui sont compilés mais que l'on ne peut exécuter qu'à partir d'un navigateur Internet (ce sont des fichiers dont l'extension est .class).

Toutefois, à peu près tous les langages de programmation sont basés sur le même principe: Le programme est constitué d'une suite d'instructions que la machine doit exécuter. Celle-ci exécute les instructions au fur et à mesure qu'elle lit le fichier (donc de haut en bas) jusqu'à ce qu'elle rencontre une instruction (appelée parfois instruction de branchement) qui lui indique d'aller à un endroit précis du programme. Il s'agit donc d'une sorte de jeu de piste dans lequel la machine doit suivre le fil conducteur et exécuter les instructions qu'elle rencontre jusqu'à ce qu'elle arrive à la fin du programme et celui-ci s'arrête.

Historique des langages

- Langage de bas niveau (proche du langage machine):
 - Jusqu'en 1945 : langage binaire
 - 1950 : langage assembleur

- Langage de haut niveau (proche des langages naturels):
Depuis 1955:
 - Programmation procédurale : Fortran, Cobol, Basic, Pascal, C, Ada...
 - Programmation orienté objet : SmallTalk, C++, Delphi, Java...
 - Programmation logique : Prolog...
 - Et beaucoup d'autres...

- Evolution:
 - Programmation impérative (fonction):
 - Exemples : Pascal, C, ...
 - Programmation orientée objet (POO) :
 - Exemples : SmallTalk, Java, C++, ...

1.3.3 La notion de fichier

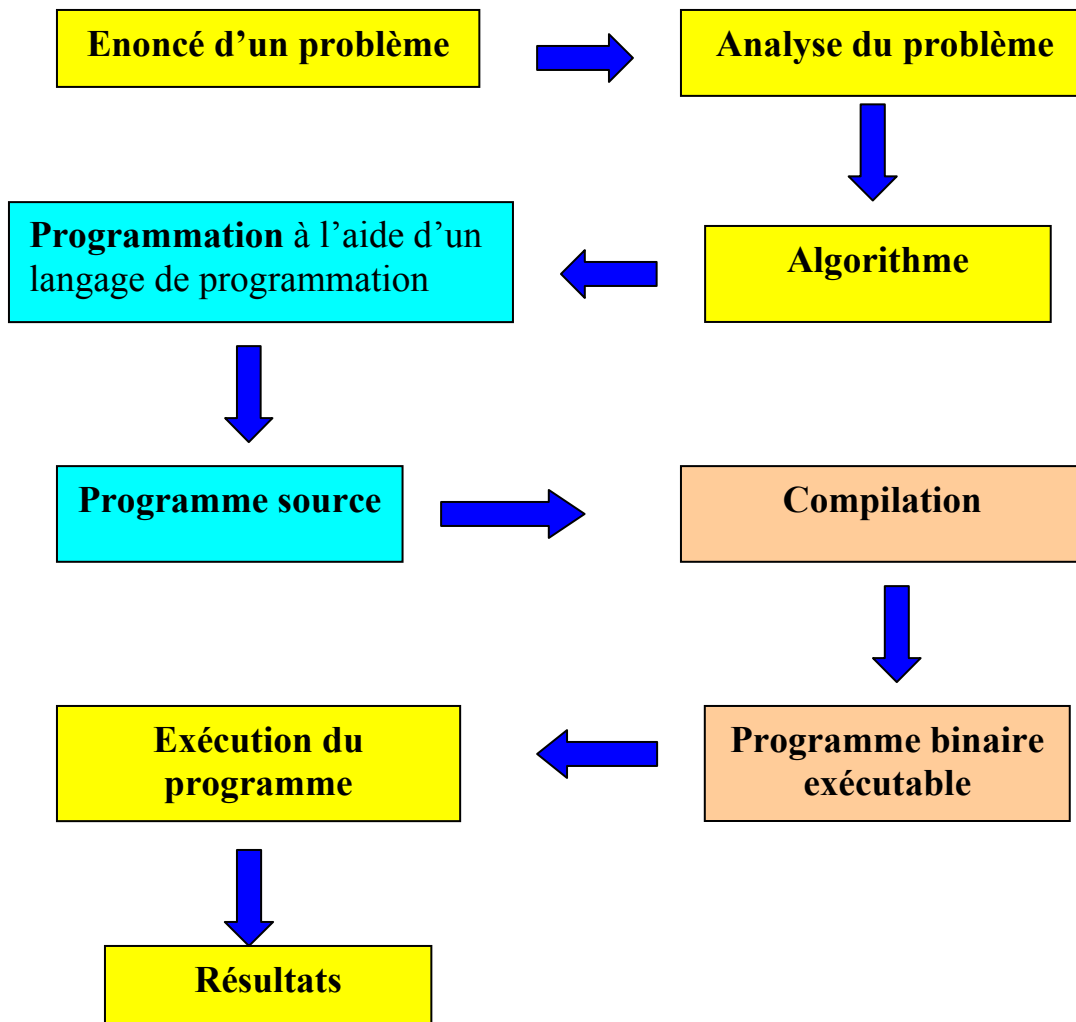
Dans un programme les instructions et données résident en mémoire centrale pour être exécutées, Les programmes et les données sont sauvegardées dans des fichiers qui portent des extensions spécifiques du langage :

- Les données et les programmes sont stockés dans des fichiers
- Un fichier est identifié par un nom et une extension (fichier.doc, pgcd.c, texte.tex, etc.)
- Un fichier est caractérisé par des attributs:
 - taille, date de création, date de modification, etc....
- L'exploitation d'un fichier par une application se fait par l'intermédiaire du système d'exploitation qui accomplit les opérations logiques de base suivantes:
 - ouvrir, fermer un fichier
 - lire, écrire dans un fichier
- L'utilisateur peut créer, détruire, organiser, lire, écrire, modifier et copier des fichiers ou des enregistrements qui les composent

1.3.4 La démarche de programmation et analyse descendante

La résolution d'un problème passe par toute une suite d'étapes :

- Phase d'analyse et de réflexion (**algorithmique**)
- Phase de programmation
 - choisir un langage de programmation
 - traduction de l'algorithme en programme
 - programme (ou code) source
 - compilation : traduction du code source en code objet
 - traduction du code objet en code machine exécutable, compréhensible par l'ordinateur
- Phase de test
- Phase d'exécution



Le travail est ici surtout basé sur l'**analyse du problème** et l'écriture de l'**algorithme**.

La réalisation d'un programme passe par l'**analyse descendante** du problème : il faut réussir à trouver les actions élémentaires qui, en partant d'un environnement initial, nous conduisent à l'état final.

L'analyse descendante consiste à décomposer le problème donné en sous-problèmes, et ainsi de suite, jusqu'à descendre au niveau des primitives. Les étapes successives donnent lieu à des sous-algorithmes qui peuvent être considérés comme les primitives de machine intermédiaires (procédures en Pascal, fonction en C).

Le travail de l'analyse est terminé lorsqu'on a obtenu un algorithme ne comportant que :

- Des primitives de la machine initiale,
- Des algorithmes déjà connus.

L'analyse descendante est la mise en pratique du *Discours de la méthode de Descartes*.

L'ordre des instructions est essentiel : la machine ne peut exécuter qu'une action à la fois et dans l'ordre donné; c'est la propriété de **séquentialité**.

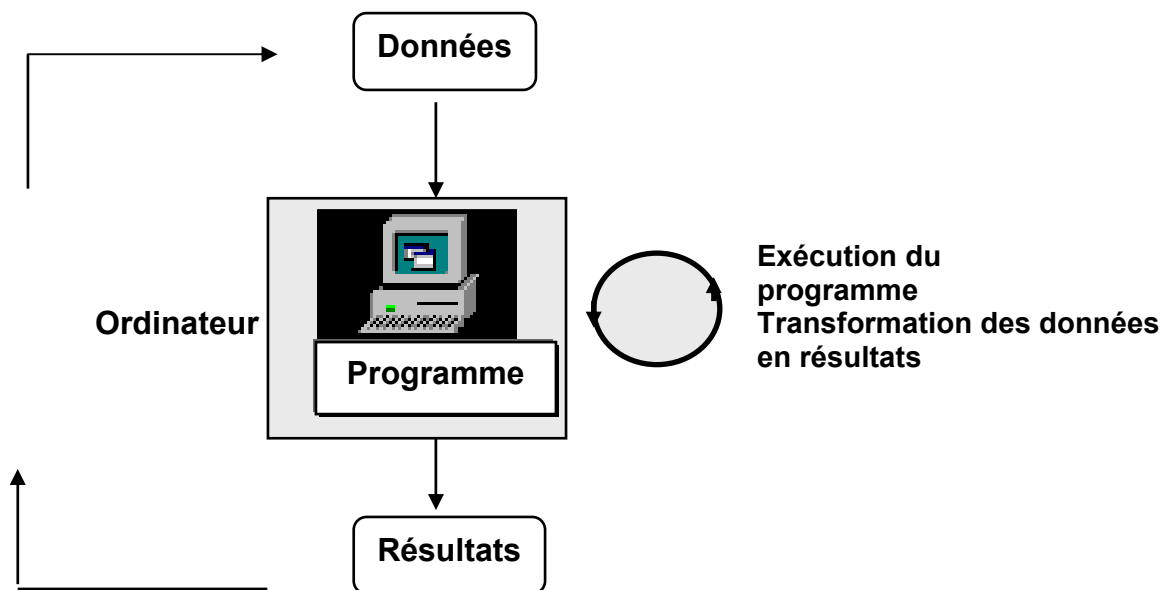
Une fois ces actions déterminées, il suffit de les traduire dans le langage de programmation.

Durant l'écriture d'un programme, on peut être confronté à 2 types d'erreur :

- les erreurs syntaxiques : elles se remarquent à la compilation et sont le résultat d'une mauvaise écriture dans le langage de programmation.
- les erreurs sémantiques : elles se remarquent à l'exécution et sont le résultat d'une mauvaise analyse. Ces erreurs sont beaucoup plus graves car elles peuvent se déclencher en cours d'exploitation du programme.

1.3.5 Exécuter un programme

La mise au point d'un programme informatique se fait en plusieurs étapes.



1.3.6 Pseudo langage

Un algorithme doit être lisible et compréhensible par plusieurs personnes. Il doit donc suivre des règles précises, il est composé d'une **entête** et d'un **corps** :

- l'entête, qui spécifie :
 - le nom de l'algorithme (**Nom** :)
 - son utilité (**Rôle** :)
 - les données "en entrée", c'est-à-dire les éléments qui sont indispensables à son bon fonctionnement (**Entrée** :)
 - les données "en sortie", c'est-à-dire les éléments calculés, produits, par l'algorithme (**Sortie** :)
 - les données locales à l'algorithmique qui lui sont indispensables (**Déclaration** :)
- le corps, qui est composé :

- du mot clef **début**
- d'une suite d'**instructions** indentées
- du mot clef **fin**

Le plus important pour un algorithme sont les déclarations ainsi que les instructions qui constituent le corps de l'algorithme. Il existe des instructions qui ne servent qu'à la clarté de l'algorithme (l'ordinateur les ignore complètement), ce sont les **commentaires**.

Un commentaire a la syntaxe suivante :

```
/* ceci est un commentaire */
```

Exemple : voici le schéma d'un algorithme écrit en notre pseudo langage :

Nom	: le nom de l'algorithme	} Facultatifs
Rôle	: que fait cet algorithme	
Entrée	: les données nécessaires	
Sortie	: les résultats produits par l'algorithme	

Variables : la déclaration des variables

Debut

Instruction 1

Instruction 2

... ..

Instruction k

/* les commentaires explicatives des instructions */

Fin

2. Variables

Dans un programme informatique, on va avoir en permanence besoin de stocker provisoirement des valeurs. Il peut s'agir de données issues du disque dur, fournies par l'utilisateur (frappées au clavier). Ces données peuvent être de plusieurs types : elles peuvent être des nombres, du texte, etc. Dès que l'on a besoin de stocker une information au cours d'un programme, on utilise une **variable**.

2.1 Déclaration des variables

La première chose à faire avant de pouvoir utiliser une variable est de **créer la boîte et de lui coller une étiquette**. Ceci se fait tout au début de l'algorithme, avant même les instructions proprement dites. C'est ce qu'on appelle la **déclaration des variables**.

Une variable ne peut être utilisée que s'elle est déclarée. La déclaration se fait par la donnée du **nom** de la variable et du **type** de la variable.

2.1.1 Noms de variables

Le nom de la variable (l'étiquette de la boîte) obéit à des règles qui changent selon le langage utiliser. Les principales règles à respecter sont :

- Le nom de variable peut comporter des lettres et des chiffres,
- On exclut la plupart des signes de ponctuation, en particulier les espaces.
- Un nom de variable doit commencer par une lettre.
- Le nombre maximal de caractères qui composent le nom d'une variable dépend du langage utilisé.
- Ne pas utiliser les mots clés du langage de programmation.

2.1.2 Types de variables

Lorsqu'on déclare une variable, il ne suffit pas de créer une boîte (réserver un emplacement mémoire) ; il faut préciser ce que l'on voudra mettre dedans, car de cela dépendent la **taille** de la boîte (l'emplacement mémoire) et le **type de codage** utilisé.

- Types numériques classiques

Commençons par le cas très fréquent, celui d'une variable destinée à recevoir **des nombres**.

- Si l'on réserve un octet pour coder un nombre, on ne pourra coder que $2^8 = 256$ valeurs différentes. Cela peut signifier par exemple les nombres entiers de 1 à 256, ou de 0 à 255, ou de -127 à +128.
- Si l'on réserve deux octets, on a droit à $2^{16} = 65\,536$ valeurs ; avec trois octets, $2^{24} = 16\,777\,216$, etc.

Type Numérique	Plage
Octet	de 0 à 255
Entier simple	de -32768 à 32767
Entier double	de -2147483648 à 2147483647
Réel simple	de -3.40×10^{38} à -1.40×10^{-45} pour les négatives de $1,40 \times 10^{-45}$ à 3.40×10^{38} pour les positives
Réel double	de -1.79×10^{308} à -4.94×10^{-324} les négatives de 4.94×10^{-324} à 1.79×10^{308} les positives

La syntaxe d'une déclaration de variable numérique en pseudo-langage aura la forme :

Variable g : Numérique

Variables PrixHT, TauxTVA, PrixTTC : Numérique

- Type alphanumérique

On dispose donc également du type alphanumérique (également appelé type caractère, type chaîne ou en anglais, le type string). Dans une variable de ce type, on stocke des caractères, qu'il s'agisse de lettres, de signes de ponctuation, d'espaces, ou même de chiffres. Le nombre maximal de caractères pouvant être stockés dans une seule variable string dépend du langage utilisé.

- Un groupe de caractères est appelé **chaîne** de caractères.
- En pseudo-code, une chaîne de caractères est toujours notée entre guillemets " ", car, il peut y avoir une confusion entre des nombres et des suites de chiffres. Par exemple, 423 peut représenter :
 - le nombre **423** (quatre cent vingt-trois),
 - ou la suite de caractères 4, 2, et 3 notée : "**423**"

La syntaxe d'une déclaration de variable de type alphanumérique en pseudo-langage aura la forme :

Variable nom : chaîne

Variables x, y : caractère.

- Type booléen

Le dernier type de variables est le type booléen : on y stocke uniquement les valeurs logiques VRAI et FAUX. On peut représenter ces notions abstraites de VRAI et de FAUX par tout ce qu'on veut : de l'anglais (TRUE et FALSE) ou des nombres (0 et 1). Le type booléen est très économique en termes de place mémoire occupée, un seul bit suffit.

En général dans un algorithme on trouve des déclarations de variables de la forme :

```
Variables a,b,c,delta,x,y : nombres
        nom,prenom : chaines de caractères
        ok : booleen.
```

3. Primitives

3.1 Affectation, expression et opérateurs

3.1.1 Affectation

Définition et notation :

L'affectation est l'action élémentaire dont l'effet est de donner une valeur à une variable (ranger une valeur à une place).

L'affectation est réalisée au moyen de l'opérateur \leftarrow (ou = en C et := en Pascal). Elle signifie " prendre la valeur se trouvant du côté droit (souvent appelée *rvalue*) et la copier du côté gauche (souvent appelée *lvalue*) ". Une *rvalue* représente toute constante, variable ou expression capable de produire une valeur, mais une *lvalue* doit être une variable distincte et nommée (autrement dit, il existe un emplacement physique pour ranger le résultat). Par exemple, on peut affecter une valeur constante à une variable ($A \leftarrow 4$), mais on ne peut pas affecter quoi que ce soit à une valeur constante - elle ne peut pas être une *lvalue* (on ne peut pas écrire $4 \leftarrow A$).

Exemple :

$x \leftarrow 3$

Signifie mettre la valeur 3 dans la case identifiée par X. A l'exécution de cette instruction, la valeur 3 est rangée en X (nom de la variable).

La valeur correspond au contenu : 3

La variable correspond au contenant : X

On peut représenter la variable X par une boite ou case, et quand elle prend la valeur 3, la valeur 3 est dans la case X :



On remarque qu'une variable ne peut contenir à un instant donné qu'une seule valeur.

Utilisations :

Voici quelques effets déclenchés par l'utilisation de l'affectation (\leftarrow) :

Instructions	actions	effets
$x \leftarrow 3$	X <input type="text"/> 3	X <input type="text" value="3"/>
$x \leftarrow 2$	X <input type="text" value="3"/> 2	X <input type="text" value="2"/> plus de 3 !
$y \leftarrow x$	Y <input type="text"/> X <input type="text" value="2"/>	Y <input type="text" value="2"/> X <input type="text" value="2"/>

La dernière instruction ($Y \leftarrow X$) signifie : *copier dans Y la valeur actuelle de X.*

Un petit exercice instructif :

Quelles sont les valeurs successives prises par les variables X et Y suit aux instructions suivantes :
 $X \leftarrow 1$; $Y \leftarrow -4$; $X \leftarrow X+3$; $X \leftarrow Y-5$; $Y \leftarrow X+2$; $Y \leftarrow Y-6$;

Réponses :

X	1	1	4	-9	-9	-9
Y		-4	-4	-4	-7	-13

Remarque :

À noter aussi que l'affectation est une expression comme une autre, c'est-à-dire qu'elle retourne une valeur. Il est donc possible d'écrire:

$$X \leftarrow Y \leftarrow Z+2 ;$$

ceci revenant à affecter à Y le résultat de l'évaluation de $Z+2$, puis à X le résultat de l'affectation $Y \leftarrow Z+2$, c'est-à-dire la valeur qu'on a donnée à Y. Remarquez l'ordre d'évaluation de la droite vers la gauche.

L'affectation des types primitifs est très simple. Puisque les données de type primitif contiennent une valeur réelle et non une référence à un objet, en affectant une valeur à une variable de type primitif on copie le contenu d'un endroit à un autre. Par exemple, si on écrit $A \leftarrow B$ pour des types primitifs, alors le contenu de B est copié dans A. Si alors on modifie A, bien entendu B n'est pas affecté par cette modification. C'est ce qu'on rencontre généralement en programmation.

Echanger deux valeurs :

Problème : soit 2 variables quelconques (nombres ou caractères) x et y ayant respectivement comme valeur a et b ; quelles sont les affectations qui donneront à x la valeur b et à y la valeur a ?

Analyse : la première idée est d'écrire : $x \leftarrow y$; $y \leftarrow x$. Mais ça ne marche pas, les deux variables se retrouvent avec la même valeur b ! Il faut mettre la valeur de x de coté pour ne pas la perdre : on utilise une variable auxiliaire z et on écrit les instructions suivantes :

$$z \leftarrow x ; x \leftarrow y ; y \leftarrow z ;$$

Le programme complet avec notre pseudo-langage est :

```

Nom          : échange
Rôle         : échanger deux valeurs
Entrée       : x et y
Sortie       : x et y
Variables    x, y, z : quelconques
Debut
    x ← 3      /* initialisation de x et y */
    y ← -6
    z ← x      /* on stocke la valeur de x dans z */
    x ← y      /* on peut maintenant écrire dans x */
    y ← z      /* on remet l'ancien contenu de x dans y */
Fin

```

Vérification : il s'agit de vérifier que l'algorithme donne bien la solution voulu. Ecrivant après chaque instruction les valeurs des variables X, Y et Z :

```

x ← 3           " x = 3,  y =  ,  z =  "
y ← -6         " x = 3,  y = -6,  z =  "
z ← x          " x = 3,  y = -6,  z = 3 "
x ← y          " x = -6,  y = -6,  z = 3 "
y ← z          " x = -6,  y = 3,  z = 3 "  donc tout va bien.

```

Autre méthode : s'il s'agit de nombres entiers, nous pouvons nous passer d'une variable auxiliaire, mais en utilisant les primitives additionner et soustraire :

```

x ← a           " x = a,  y =  "
y ← b           " x = a,  y = b "
x ← x + y       " x = a + b,  y = b "
y ← x - y       " x = a + b,  y = a + b - b = a "
x ← x - y       " x = a + b - a = b,  y = a "  donc tout va bien.

```

Le programme complet avec notre pseudo-langage est :

```

Nom       : échange_entiers
Rôle      : échanger deux valeurs entières
Entrée   : x et y
Sortie   : x et y
Variables x, y : nombres
Debut
    x ← 3      /* initialisation de x et y */
    y ← -6
    x ← x + y
    y ← x - y
    x ← x - y
Fin

```

3.1.2 Expression et opérateurs

Expression :

Dans une instruction d'affectation, on trouve :

- à gauche de la flèche, un nom de variable,
- à droite de la flèche, ce qu'on appelle une **expression** : *un ensemble de valeurs, reliées par des opérateurs, et équivalent à une seule valeur*
- L'expression située à droite de la flèche doit être du même type que la variable située à gauche.

Si l'un des trois points énumérés ci-dessus n'est pas respecté, la machine sera incapable d'exécuter l'affectation, et déclenchera une erreur.

Opérateurs :

Un opérateur est un signe qui relie deux valeurs, pour produire un résultat.

- **Opérateurs numériques :**

Ce sont les quatre opérations arithmétiques :

+ addition
 - soustraction
 * multiplication
 / division

Mentionnons également le ^ qui signifie "puissance". 45 au carré s'écrira donc 45^2 .

La multiplication et la division sont prioritaires sur l'addition et la soustraction.

- $12 * 3 + 5$ et $(12 * 3) + 5$ valent strictement la même chose, à savoir 41.
- En revanche, $12 * (3 + 5)$ vaut $12 * 8$ soit 96.

- **Opérateur alphanumérique : &**

Cet opérateur permet de **concaténer** deux chaînes de caractères.

Exemple :

```

Nom           : concaténer
Rôle          : concaténer deux chaînes de caractères
Entrée       : A et B
Sortie       : C
Variables A, B, C : caractère
Début
    A ← "Bonjour"
    B ← " Tous le monde"
    C ← A & B

```

Fin

La valeur de C à la fin de l'algorithme est "Bonjour Tous le monde".

3.2 Lire et écrire

3.2.1 Introduction

Soit le programme suivant :

```

Variable A : entière
Début
    A ← 12^2
Fin

```

Ce programme nous donne le carré de 12 soit 144.

On remarque que :

- si l'on veut le carré d'un autre nombre que 12, il faut réécrire le programme.

- Le résultat est calculé par la machine elle le garde pour elle, et l'utilisateur qui exécute ce programme, ne saura jamais quel est le carré de 12.
C'est pourquoi, il faut utiliser des instructions qui permettent à l'utilisateur de dialoguer avec la machine.

3.2.2 Données et résultat

Pour pouvoir effectuer un calcul sur une variable, la machine doit connaître la valeur de cette variable. Si cette valeur n'a pas été déterminée par des initiations ou des calculs précédents, il faut que l'utilisateur lui fournisse, c'est une **donnée**. Il s'agit alors d'introduire une valeur à partir de l'extérieur de la machine et pour cela l'algorithme doit contenir l'instruction qui commande à la machine de **lire** la donnée.

Si un algorithme contenant l'instruction $X \leftarrow A^2$ la machine ne peut exécuter cette instruction que si elle connaît la valeur de A, en supposant que la valeur de A en ce moment n'est pas connu, alors l'algorithme doit contenir l'instruction `lire(A)` qui signifie : mettre dans la case A, la valeur donnée par le **clavier** (organe d'entrée de la machine).

Dès que le programme rencontre une instruction **lire()**, l'exécution s'interrompt, attendant l'arrivée d'une valeur par l'intermédiaire du clavier. Dès que la touche Entrée (Enter) a été frappée, l'exécution reprend.

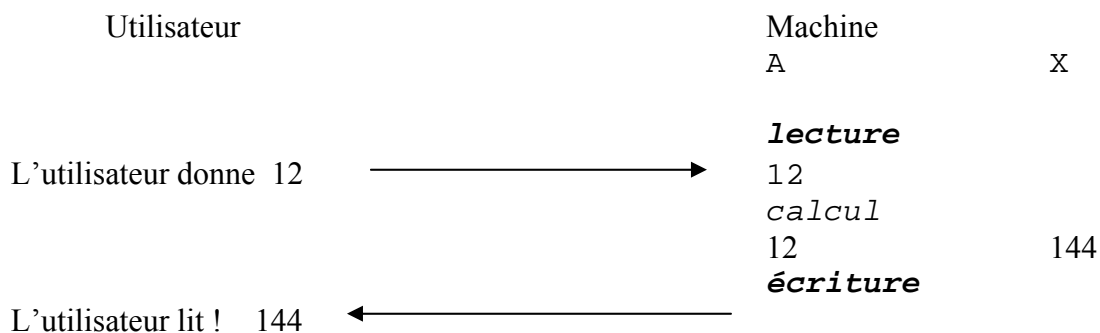
Si on veut connaître le **résultat** d'un calcul ou le contenu d'une variable X, l'algorithme doit contenir l'instruction qui commande à la machine de fournir ce résultat. Cette instruction est **écrire(X)** qui signifie : mettre sur l'**écran** (organe de sortie de la machine) le contenu de la case X. Cette action ne modifie pas le contenu de X.

Exemple : soit le morceau d'algorithme suivant :

A étant une donnée, X un résultat

```
lire (A)
X ← A^2
écrire(X)
```

Schéma des actions effectuées par l'utilisateur et la machine :



La machine lit sur le clavier et écrit sur l'écran, l'utilisateur écrit sur le clavier et lit sur l'écran.

3.2.3 Les libellés

Avant de lire une variable, il est très fortement conseillé d'écrire des **libellés** à l'écran, afin de prévenir l'utilisateur de ce qu'il doit frapper :

```
écrire("Entrez votre nom : ")
lire(NomFamille)
```

3.2.4 Exemples

Exemple 1 :

Quel est le résultat produit par le programme suivant ?

```
Variables val, dval : entiers
Début
    val ← 234
    dval ← val * 2
    écrire(val)
    écrire(dval)
Fin
```

Réponses : 234 468

1^{ère} amélioration :

```
Variables val, dval : entiers
Début
    écrire("donner un entier : ") /* un libellé */
    lire(val)
    dval ← val * 2
    écrire("le double est : ")
    écrire(dval)
Fin
```

Exécution :

```
donner un entier : 234
le double est : 468
```

2^{ème} amélioration :

```
Nom : double
Rôle : demande un nombre et affiche son double
Entrée : val
Sortie : dval
Variables val, dval : entiers
Début
    écrire("donner un entier : ")
    lire(val)
    dval ← val * 2
    écrire(" le double de : ",val," est : ", dval )
Fin
```

Exécution :

donner un entier : 234
 le double de : 234 est : 468

Exemple 2 :**Problème :**

Multiplier deux nombres entiers.

En utilisant les primitives suivantes :

lire(), écrire(), affecter (\leftarrow), multiplier (*).

Solution :**Algorithme :**

Nom : multiplication
Rôle : demander deux nombres et afficher leur multiplication
Entrée : A et B
Sortie : C
variables A, B, C : entiers
Début
 écrire(" entrer la valeur de A : ")
 lire(A)
 écrire(" entrer la valeur de B : ")
 lire(B)
 C \leftarrow A * B
 écrire(" le produit de ",A," et ",B," est : ",C)
Fin

Exécution :

entrer la valeur de A : 12
 entrer la valeur de B : -11
 le produit de 12 est de 11 est : -132

3.2.5 Exercices :**Exercice 1 :**

Quelles seront les valeurs des variables A, B et C après exécution des instructions suivantes ?

Variables A, B, C : Entier

Début

A \leftarrow 8
 B \leftarrow -2
 C \leftarrow A + B
 A \leftarrow 4
 C \leftarrow B - A

Fin

Exercice 2 :

Quelles seront les valeurs des variables A et B après exécution des instructions suivantes ?

```

Variables A, B : Entier
  Début
    A ← 2
    B ← A + 5
    A ← A + B
    B ← B + 2
    A ← B - A
  Fin

```

Exercice 3 :

Que produit l'algorithme suivant ?

```

Variables A, B : Entier
  Début
    écrire( "entrer la valeur de A : " )
    lire(A)
    écrire( "entrer la valeur de B : " )
    lire(B)
    A ← A + B
    B ← A - B
    A ← A - B
    écrire( " A = ",A)
    écrire( " B = ",B)
  Fin

```

Exercice 4 :

Que produit l'algorithme suivant ?

```

Variables A, B, C : chaîne de caractères
  Début
    A ← "423"
    B ← "12"
    C ← A & B
    écrire( " C = ",C)
  Fin

```

Exercice 5 :

1. Ecrire un algorithme permettant d'échanger les valeurs de deux variables A et B, et ce quel que soit leur contenu préalable.
2. On dispose de trois variables A, B et C. Ecrivez un algorithme transférant à A la valeur de B, à B la valeur de C et à C la valeur de A (quels que soient les contenus préalables de ces variables).

Exercice 6 :

Ecrivez un algorithme qui calcule et affiche la surface et la circonférence d'un cercle ($2\pi r$ et πr^2). L'algorithme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur du rayon.

Exercice 7 :

Comment calculer le plus rapidement possible x^{16} ?

Calculer x^{25} avec le minimum de multiplication.

Exercice 8 :

Écrivez un algorithme qui calcule et affiche la surface et la circonférence d'un cercle ($2\pi r$ et πr^2). L'algorithme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur du rayon.

Exercice 9 :

Écrire un algorithme qui effectue la lecture du temps t en seconde, et il affiche le temps t en jours, heure, minutes, secondes.

Exemple : si $t=21020$ secondes l'algorithme affichera 0 jours 5 heures 50 minutes et 20 secondes.

3.5.4 si .. alors .., si .. alors .. sinon ..

Les primitives que nous allons présenter maintenant vont permettre à la machine de "choisir" les exécutions suivant les valeurs des données. Lors de l'exécution l'algorithme, la primitive :

```
si C alors
    A
finsi
```

Où C est une condition (on précisera plus loin la nature de cette condition) et A une instruction ou une suite d'instructions, a pour effet de faire exécuter A si et seulement si C est satisfaite.

La primitive

```
si C alors
    A
sinon B
finsi
```

A pour effet de faire exécuter A si C est satisfaite ou bien B dans la cas contraire (C non satisfaite).

Une **condition** est une comparaison. C'est-à-dire qu'elle est composée de trois éléments

- une valeur
- un opérateur de comparaison
- une autre valeur

Les **valeurs** peuvent être a priori de n'importe quel type (numériques, caractères...)

Les **opérateurs de comparaison** sont : = != < > =< >=

L'ensemble constitue donc si l'on veut une affirmation, qui a un moment donné est **VRAIE** ou **FAUSSE**.

A noter que ces opérateurs de comparaison s'emploient tout à fait avec des caractères. Ceux-ci sont codés par la machine dans l'ordre alphabétique, les majuscules étant systématiquement placées avant les minuscules. Ainsi on a :

```
"t" < "w"           VRAI
"Maman" > "Papa"    FAUX
"maman" > "Papa"    VRAI.
```

Conditions composées

Certains problèmes exigent parfois de formuler des conditions qui ne peuvent pas être exprimées sous la forme simple exposée ci-dessus. Prenons le cas " n est compris entre 5 et 8 ". En fait cette phrase cache non une, mais deux conditions. Car elle revient à dire que " n est supérieur à 5 et n est inférieur à 8 ". Il y a donc bien là deux conditions, reliées par ce qu'on appelle un opérateur logique, le mot **ET**.

Comme on l'a évoqué plus haut, l'informatique met à notre disposition trois opérateurs logiques : **ET**, **OU**, et **NON**.

Le ET a le même sens en informatique que dans le langage courant. Pour que C₁ ET C₂ soit VRAI, il faut impérativement que C₁ soit VRAIE et que C₂ soit VRAIE.

Il faut se méfier un peu plus du OU. Pour que C_1 OU C_2 soit VRAI, il suffit que C_1 soit VRAIE ou que C_2 soit VRAIE.

Le point important est que si C_1 est VRAIE et C_2 est VRAIE, alors C_1 OU C_2 est VRAIE. Le OU informatique ne veut donc pas dire " ou bien ".

VRAI \Leftrightarrow NON FAUX

On représente tout ceci dans des tables de vérité :

ET	V	F
V	V	F
F	F	F

OU	V	F
V	V	V
F	V	F

Exemple :

Problème :

Étant donnés deux nombres entiers positifs, identifier le plus grand des deux nombres.

Solution :

Analyse : si $A > B$ alors le plus grand est A sinon le plus grand est B.

Conception : Algorithme

variables A, B : entiers

début

écrire ("Programme permettant de déterminer le plus grand de deux entiers positifs")

écrire ("Entrer le premier nombre : ")

lire (A)

écrire ("Entrer le second nombre : ")

lire (B)

si (A > B) **alors**

écrire ("Le nombre le plus grand est : ", A)

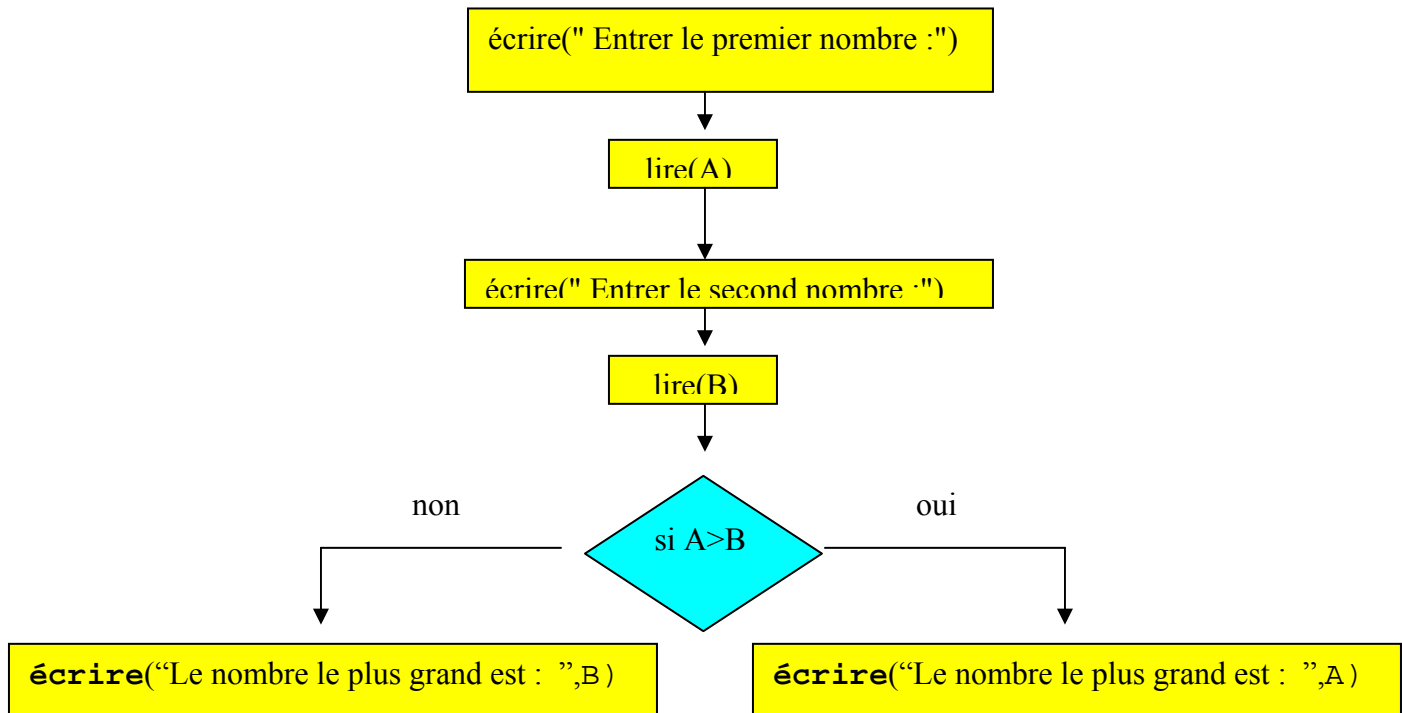
sinon

écrire ("Le nombre le plus grand est : ", B)

finsi

fin

Organigramme



Tests imbriqués

Graphiquement, on peut très facilement représenter un **si** comme un aiguillage de chemin de fer. Un **si** ouvre donc deux voies, correspondant à deux traitements différents. Mais il y a des tas de situations où deux voies ne suffisent pas. Par exemple, un programme devant donner l'état de l'eau selon sa température doit pouvoir choisir entre trois réponses possibles (solide, liquide ou gazeuse).

Exemple :

```

Variable Temp : entier
Début
  écrire("Entrez la température de l'eau :")
  lire(Temp)
  si Temp =< 0 Alors
    écrire("C'est de la glace")
  finsi
  si Temp > 0 Et Temp < 100 Alors
    écrire("C'est du liquide")
  finsi
  si Temp > 100 Alors
    écrire("C'est de la vapeur")
  finsi
Fin
  
```

Les tests successifs portent sur une la même chose, la température (la valeur de la variable Temp). Il serait ainsi bien plus rationnel d'**imbriquer** les tests de cette manière :

Exemple :

```

Variable Temp en Entier
Début
  écrire("Entrez la température de l'eau :" )
  lire(Temp)
  si Temp =< 0 Alors
    écrire("C'est de la glace")
  sinon
    si Temp < 100 Alors
      écrire("C'est du liquide")
    sinon
      écrire("C'est de la vapeur")
    finsi
  finsi
Fin

```

Nous avons fait des économies au niveau de la frappe du programme : au lieu de devoir taper trois conditions, dont une composée, nous n'avons plus que deux conditions simples. Mais aussi, et surtout, nous avons fait des économies sur le temps d'exécution de l'ordinateur. Si la température est inférieure à zéro, celui-ci écrit dorénavant " C'est de la glace " et passe **directement** à la fin, sans être ralenti par l'examen d'autres possibilités (qui sont forcément fausses).

Cette deuxième version n'est donc pas seulement plus simple à écrire et plus lisible, elle est également plus performante à l'exécution.

Les structures de tests imbriqués sont donc un outil indispensable à la simplification et à l'optimisation des algorithmes.

Exercices :

Exercice 10 :

Ecrivez un algorithme qui donne le maximum de trois nombres saisis au clavier. Effectuez des tests pour :

```

2 5 8
3 1 3
8 -6 1

```

Exercice 11 :

Ecrivez un algorithme qui demande deux nombres à l'utilisateur et l'informe ensuite si leur produit est négatif, positif ou nul (**attention** : on ne doit pas calculer le produit des deux nombres).

Exercice 12 :

Écrivez un algorithme qui permet de discerner une mention à un étudiant selon la moyenne de ses notes :

- "Très bien" pour une moyenne comprise entre 16 et 20 (16<= moyenne <=20)

- "Bien" pour une moyenne comprise entre 14 et 16 (14 ≤ moyenne < 16)
- "Assez bien" pour une moyenne comprise entre 12 et 14 (12 ≤ moyenne < 14)
- "Passable" pour une moyenne comprise entre 10 et 12 (10 ≤ moyenne < 12)

Exercice 13 :

Écrivez un algorithme qui permet de résoudre une équation du second degré
($a x^2 + b x + c = 0$ avec $a \neq 0$)

Exercice 14 :

Les étudiants ayant passé l'examen d'algorithmique en session de Juin ont été classés selon leurs notes en trois catégories :

- pour une note inférieure strictement à 5, l'étudiant est éliminé,
- pour une note supérieure ou égale à 5 et inférieure strictement à 10, l'étudiant passe la session de rattrapage,
- pour une note supérieure ou égale à 10, l'étudiant valide le module

Ecrivez un algorithme qui demande à l'utilisateur d'entrer la note du module, puis affiche la situation de l'étudiant selon sa note (on suppose que l'utilisateur entre une note valide entre 0 et 20).

3.5.5 Les Boucles

La notion d'itération (boucle) est une des notions fondamentales de l'algorithmique. On l'utilise souvent quand on doit exercer plusieurs fois le même traitement sur un même objet, ou plusieurs objets de même nature. Mais son réel intérêt réside dans le fait que l'on peut modifier, à chaque répétition, les objets sur lesquels s'exerce l'action répétée.

Pour comprendre l'intérêt des boucles, on se place dans un cas bien précis :

Prenons le cas d'une saisie au clavier (une lecture), par exemple, on pose une question à laquelle l'utilisateur doit répondre par O (Oui) ou N (Non). Mais l'utilisateur maladroit risque de taper autre chose que O ou N. Dès lors, le programme peut soit planter par une erreur d'exécution (parce que le type de réponse ne correspond pas au type de la variable attendu) soit se dérouler normalement jusqu'au bout, mais en produisant des résultats faux.

Alors, dans tout programme, on met en place ce qu'on appelle un **contrôle de saisie** (pour vérifier que les données entrées au clavier correspondent bien à celles attendues par l'algorithme).

On pourrait essayer avec un **si**. Voyons voir ce que ça donne :

```

Variable Rep Caractère
écrire("Voulez vous un café ? (O/N)")
lire(Rep)
si Rep != "O" et Rep != "N" alors
    écrire("Saisie erronée. Recommencez")
    Lire(Rep)
finsi

```

Ça marche tant que l'utilisateur ne se tromper qu'une seule fois, et il rentre une valeur correcte à la deuxième demande. Si l'on veut également éviter une deuxième erreur, il faudrait rajouter un SI. Et ainsi de suite, on peut rajouter des centaines de SI. Mais cela ne résout pas le problème. La seule issue est l'utilisation d'une **boucle**.

Il existe trois façons d'exprimer algorithmiquement l'itération :

- **TantQue**
- **Répéter ... jusqu'à ...**
- **Pour ... jusqu'à ...**

La boucle **TantQue**

Le schéma de la boucle **TantQue** est :

```

TantQue conditions
    ...
    Instructions
    ...
FinTantQue

```

Le principe est simple : le programme arrive sur la ligne du **TantQue**. Il examine alors la valeur de la condition. Si cette valeur est **VRAI**, le programme exécute les instructions qui suivent, jusqu'à ce qu'il rencontre la ligne **FinTantQue**. Il retourne ensuite sur la ligne du **TantQue**, procède au même examen, et ainsi de suite. On ne s'arrête que lorsque la condition prend la valeur **FAUX**.

Illustration avec notre problème de contrôle de saisie :

```

Variable Rep en Caractère
Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"
TantQue Rep != "O" ET Rep != "N"
    Lire Rep
    Si Rep != "O" ET Rep != "N" Alors
        Ecrire "Saisie erronée. Recommencez"
    FinSi
FinTantQue

```

La boucle **Répéter ... jusqu'à ...**

Le schéma de la boucle répéter est :

```

Répéter
    ...
    Instructions
    ...
jusqu'à conditions

```

Le principe est simple : toutes les instructions écrites entre **Répéter** et **jusqu'à** sont exécutées au moins une fois et leur exécution est répétée jusqu'à ce que la condition placée derrière **jusqu'à** soit satisfaite.

Illustration avec notre problème de contrôle de saisie :

```

Variable Rep en Caractère
Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"
Répéter
  Lire Rep
  Si Rep != "O" ET Rep != "N" Alors
    Ecrire "Saisie erronée. Recommencez"
  FinSi
Jusqu'à Rep = "O" OU Rep = "N"

```

La boucle **Pour ... jusqu'à ...**

Cette boucle est utile surtout quand on connaît le nombre d'itérations à effectuer.

Le schéma de la boucle **Pour** est :

```

Pour i allant de début jusqu'à fin
  ...
  Instructions
  ...
FinPour

```

Le principe est simple :

- on initialise i par début
- on test si on a pas dépassé fin
- on exécute les instructions
- on incrémente i ($i \leftarrow i + 1$)
- on test si on a pas dépassé fin
- etc.

Exemple :

Problème :

On veut écrire un algorithme qui affiche le message "Bonjour à tous" 100 fois.

Résolution :

Au lieu d'écrire l'instruction :

```

écrire("Bonjour à tous") ;

```

100 fois. On utilise plutôt une boucle :

```

variable i entière
Pour i allant de 1 à 100 faire
  écrire("Bonjour à tous")
finpour

```

On peut améliorer ce programme par :

- ajouter un entier n : le nombre de fois que le message s'affiche à l'écran,
- afficher la variable i dans la boucle : pour numéroter les passages dans la boucle.

```

variable n, i entières
écrire("entrer le nombre n :")
lire(n)
Pour i allant de 1 à n faire
    écrire("Bonjour à tous la ",i," fois")
finpour

```

Dans la boucle précédente le i est incrémenté automatiquement. Si on désire utiliser la boucle TantQue, il faut incrémenter le i soit même :

```

variable n, i entières
écrire("entrer le nombre n :")
lire(n)
i ← 1
TantQue(i ≤ n) faire
    écrire("Bonjour à tous la ",i," fois")
    i ← i + 1
FinTantQue

```

Des boucles imbriquées

De même qu'une structure SI ... ALORS peut contenir d'autres structures SI ... ALORS, une boucle peut contenir d'autres boucles.

```

Variables i, j entier
Pour i allant de 1 à 10
    écrire("Première boucle") ;
    Pour j allant de 1 à 6
        écrire("Deuxième boucle") ;
    Finpour ;
Finpour ;

```

Dans cet exemple, le programme écrira une fois "Première boucle" puis six fois de suite "Deuxième boucle", et ceci dix fois en tout. A la fin, il y aura donc eu $10 \times 6 = 60$ passages dans la deuxième boucle (celle du milieu).

Notez la différence marquante avec cette structure :

```

Variables i, j entier
Pour i allant de 1 à 10
    écrire("Première boucle") ;
Finpour ;
Pour j allant de 1 à 6
    écrire("Deuxième boucle") ;
Finpour ;

```

Ici, il y aura dix écritures consécutives de "Première boucle", puis six écritures consécutives de "Deuxième boucle", et ce sera tout.

Examinons l'algorithme suivant :

```

Variable i entier
Pour i allant de 1 à 10
    i ← i * 2
    écrire("Passage numéro : ",i) ;
Finpour

```

On remarque que la variable *i* est gérée "en double", ces deux gestions étant contradictoires. D'une part, la ligne " Pour ... " augmente la valeur de *i* de 1 à chaque passage. D'autre part la ligne " *i* ← *i* * 2" double la valeur de *i* à chaque passage. Il va sans dire que de telles manipulations perturbent complètement le déroulement normal de la boucle.

Exemple :

Problème :

On veut écrire un algorithme qui calcul la somme des entiers positifs inférieurs ou égaux à *N*.

Résolution :

1^{ère} étape : Analyse

1. Entrer la valeur de *N*
2. Calculer la somme des *N* premiers entiers positifs
3. Afficher le résultat

2^{ème} étapes : Conceptions

1.


```

déclaration des variables N, i, somme : entiers
écrire(donner la valeur de N)
lire(N)
si N<0 alors erreur
initialiser somme et i
Répéter
    somme ← somme + i
    i ← i+1
jusqu'à i>=N
écrire("la somme est ",somme)

```
2.


```

déclaration des variables N, i, somme : entiers
écrire(donner la valeur de N)
lire(N)
si N<0 alors erreur
initialiser somme et i
TantQue i<= N
    somme ← somme + i
    i ← i+1

```

```

FinTantque
Ecrire("la somme est ",somme)

```

3.

```

déclaration des variables N, i, somme : entiers
écrire(donner la valeur de N)
lire(N)
si N<0 alors erreur
initialiser somme et i
Pour i allant de 1 à N
    somme ← somme + i
FinPour
Ecrire("la somme est ",somme)

```

3^{ème} étape : Test

```

Somme_N_entiers
Donner N : -1
N doit etre >0 !
Somme_N_entiers
Donner N : 7845
La somme est : 30775935
Somme_N_entiers
Donner N : 10
La somme est : 55

```

Remarque : Pour cet exemple on peut faire une vérification plus complète en calculant une autre variable “somme1” = $N(N+1)/2$, qui est la somme $1+2+3+ \dots +N$, et la comparée à “somme” ensuite afficher le résultat de la comparaison.

Méthodologie pour l'écriture d'une boucle :

- repérer une action répétitive, donc une boucle
- choix entre boucle avec compteur ou sans
 - Question ? Peut-on prévoir/déterminer le nombre d'itérations ?
 - si oui, boucle avec compteur : la boucle pour ...
 - si non, boucle sans compteur
 - Est ce que il faut commencer l'action avant de tester ou l'inverse ?
 - si tester d'abord, alors boucle TantQue
 - si action puis tester, alors Répéter ... jusqu'à
- écrire l'action répétitive et l'instruction de boucle choisie
 - Question ? Faut-il préparer les données à l'itération suivante ?
 - si oui, compléter le corps de boucle
- initialiser les variables utilisées (si nécessaires)
- écrire les conditions d'arrêt, voire l'incrémentation de la variable de contrôle.
- exécuter pour les cas extrêmes et au moins un cas "normal".

3.6 Exemple

Ecrire l'algorithme qui compte le nombre de bits nécessaires pour coder en binaire un entier n.

- Le nombre de bits nécessaire pour coder l'entier n est $\lceil \lg(n) \rceil$ (l'entier juste au dessus du logarithme à base 2 de l'entier n).

- **Analyse** : on initialise une variable nb à 0 et à chaque fois que l'on divise n par 2 on augment de 1 la valeur de nb, on répète ce procédé jusqu'à ce que le quotient obtenu est nul.

- **L'algorithme** :

```

Variables i,n,nb : entiers
Debut
  Ecrire(" Entrer la valeur de n :")
  lire(n)
  i ← n
  nb ← 0
  TantQue(i<>0) faire
    i ← i/2
    nb ← nb+1
  FinTantQue
  Ecrire("Pour coder ",n," en binaire il faut ",nb,"bits")
Fin

```

- **Exécution** :

```

Entrer la valeur de n : 13
Pour coder 13 en binaire il faut 4 bits
=====
Entrer la valeur de n : 1750
Pour coder 1750 en binaire il faut 11 bits
=====
Entrer la valeur de n : 0
Pour coder 0 en binaire il faut 0 bits
Erreur !!!!!

```

- **Amélioration** :

```

Variables i,n,nb : entiers
Debut
  Ecrire(" Entrer la valeur de n :")
  lire(n)
  i ← n/2 /* Pour le cas de zéro */
  nb ← 1
  TantQue(i<>0) faire
    i ← i/2
    nb ← nb+1
  FinTantQue
  Ecrire("Pour coder ",n," en binaire il faut ",nb,"bits")
Fin

```

- **Une autre solution** :

```

Variables i,n,n : entiers
Debut
  Ecrire(" Entrer la valeur de n :")

```

```

lire(n)
  i ← n
  nb ← 0
  Répéter
    i ← i/2
    nb ← nb + 1
  jusqu'à (i=0)
  Ecrire("Pour coder ",n," en binaire il faut ",nb, "bits")
Fin

```

3.6 Exercices

Exercice 15 :

1. Écrivez un algorithme qui affiche 100 fois la phrase : "je ne dois pas arriver en retard en classe".
2. Écrivez un algorithme qui affiche les entiers de 1 à 100.
3. Écrivez un algorithme qui affiche les entiers pairs de 1 à 100.

Exercice 16 :

1. Écrivez un algorithme qui calcule la somme des n premiers nombres entiers positifs. L'algorithme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur de n.
2. Écrivez un algorithme qui calcule la somme des n premiers nombres entiers positifs paires. L'algorithme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur de n.

Exercice 17 :

1. Exécuter le programme suivant :


```

Variable i, j : Entier
debut
  Pour i←1 jusqu'à 5
    Ecrire(" i= ", i)
    Pour j←1 jusqu'à 3
      Ecrire("le produit de",i," et ",j," est:",i*j)
    FinPour
  FinPour
Fin

```
2. Exécuter le programme suivant :


```

Variable i, j : Entier
debut
  Pour i←1 jusqu'à 5
    Ecrire(" i= ", i)
  FinPour
  Pour j←1 jusqu'à 3
    Ecrire("le produit de",i," et ",j," est:",i*j)
  FinPour
Fin

```

Exercice 18 :

1. Écrivez un algorithme qui calcule la somme S suivante :

$$S = 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + (n-1)^2 + n^2.$$

L'algorithme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur de n.

2. Écrivez un algorithme qui calcule le factoriel de n :

$$n ! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n-1) \times n.$$

L'algorithme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur de n.

Exercice 19 :

Soit l'algorithme suivant :

variables a,b,r : entiers

début

 écrire("donner les valeurs de a et b : ")

 lire(a,b)

 TantQue b>0 faire

 r ← a%b /* a%b :reste de la division de a par b */

 a ← b

 b ← r

 FinTanQue

 écrire(a)

Fin

1. Exécuter l'algorithme (afficher dans un tableau les valeurs de a, b et r) pour :

a. a = 50 et b = 45

b. a = 21 et b = 13

c. a = 96 et b = 81

2. Que fait l'algorithme précédant.

Exercice 20:

1. Un nombre entier p (différent de 1) est dit premier si ses seuls diviseurs positifs sont 1 et p. Ecrivez un algorithme qui effectue la lecture d'un entier p et détermine si cet entier est premier ou non.
2. Deux nombres entiers n et m sont qualifiés d'**amis**, si la somme des diviseurs de n est égale à m et la somme des diviseurs de m est égale à n (on ne compte pas comme diviseur le nombre lui même et 1).

Exemple : les nombres 48 et 75 sont deux nombres **amis** puisque :

Les diviseurs de 48 sont : 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24 et

$$2 + 3 + 4 + 6 + 8 + 12 + 16 + 24 = 75$$

Les diviseurs de 75 sont : 3, 5, 15, 25 et

$$3 + 5 + 15 + 25 = 48.$$

Ecrire un algorithme qui permet de déterminer si deux entiers n et m sont amis ou non.