### STATISTIQUE I

S1 - Module M5

Filière: Sc. **É** conomiques- **G**estion

PARTIE 1: Les Séries Simples

Chapitre 1 : Tableaux statistiques et représentations

graphiques

#### **Driss TOUIJAR**



• Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES
  - CH 1 : Ajustement linéaire et Corrélation





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES
  - CH 1 : Ajustement linéaire et Corrélation
- Partie 3 : Les INDICES





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES
  - CH 1 : Ajustement linéaire et Corrélation
- Partie 3 : Les INDICES
  - CH 1 : Les Indices élémentaires et synthétiques





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES
  - CH 1 : Ajustement linéaire et Corrélation
- Partie 3 : Les INDICES
  - CH 1 : Les Indices élémentaires et synthétiques
- Partie 4 : Les SÉRIES CHRONOLOGIQUES





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES
  - CH 1 : Ajustement linéaire et Corrélation
- Partie 3 : Les INDICES
  - CH 1 : Les Indices élémentaires et synthétiques
- Partie 4 : Les SÉRIES CHRONOLOGIQUES
  - CH 1 : L'analyse des séries chronologiques





- Partie 1 : Les SÉRIES SIMPLES
  - CH 1 : Tableaux Stat et Représentations Graphiques
  - CH 2 : Paramètres de Tendance Centrale
  - CH 3 : Paramètres de Dispersion et de Concentration
- Partie 2 : Les SÉRIES DOUBLES
  - CH 1 : Ajustement linéaire et Corrélation
- Partie 3 : Les INDICES
  - CH 1 : Les Indices élémentaires et synthétiques
- Partie 4 : Les SÉRIES CHRONOLOGIQUES
  - CH 1 : L'analyse des séries chronologiques
  - CH 2 : Méthodes d'étude d'une série chronologique



## Bibliographie I

Pierre-André CORNILLON, Arnaud GUYADER, and François HUSSON.

Statistiques avec R.

Paris: PUR cop edition, 2012.

François HUSSON, SEBASTIEN LE, and J PAGES. Analyse de données avec R. Paris : PUR cop edition, 2009.



# Bibliographie II

Pierre LAFAYE de MICHEAUX, Rémy DROUILHET, and Benoit LIQUET.

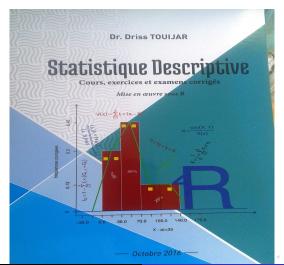
Le logiciel R - Maîtriser le langage - Effectuer des analyses (bio)Statistiques.

Springer-Verlag 2 ème edition, 2014.

Driss TOUIJAR.

Statistique Descriptive Cours, Exercices et Examens corrigés, avec mise en oeuvre sous R.
Octobre 2016

#### Le LIVRE





1 Introduction Générale







Introduction Générale Généralités





Introduction Générale

Généralités

Population et Caractères





#### Introduction Générale

- Généralités
- Population et Caractères
  - Définitions







#### Introduction Générale

- Population et Caractères
  - Définitions
- Effectif Fréquence







#### Introduction Générale

- Population et Caractères
  - Définitions
- Effectif Fréquence
  - Définitions





- Introduction Générale
- Population et Caractères
  - Définitions

- Effectif Fréquence
  - Définitions
- Tableaux Statistiques





- Introduction Générale
- Généralités
  Population et Caractères
- Définitions
- Effectif Fréquence
- Effectif Frequence
  - Définitions
- Tableaux Statistiques
- Caractère Qualitatif





- Introduction Générale
  - Généralités
  - Population et Caractères
    - Définitions
  - Effectif Fréquence
    - Définitions
  - Tableaux Statistiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D





Introduction Générale

- Population et Caractères
  - Définitions
- Effectif Fréquence
  - Définitions
- Tableaux Statistiques
- Caractère Qualitatif
- V.S.D
- V.S.C





- Introduction Générale
  - Généralités
  - Population et Caractères
    - Définitions
  - Effectif Fréquence
    - Définitions
  - Tableaux Statistiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D
  - V.S.C
  - Représentations Graphiques





- Introduction Générale
  - Généralités
    Population et Caractères
    - Définitions
  - Effectif Fréquence
    - Définitions
  - Tableaux Statistiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D
  - V.S.C
  - Représentations Graphiques
  - Caractère Qualitatif





- Introduction Générale
  - Généralités
  - Population et Caractères
    - Définitions
  - Effectif Fréquence
    - Définitions
  - Tableaux Statistiques
    - Caractère Qualitatif
    - V.S.D
    - V.S.C
  - Représentations Graphiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D





- Introduction Générale
- Généralités
- Population et Caractères
  - Définitions
- Effectif Fréquence
  - Définitions
- Tableaux Statistiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D
  - V.S.C
- Représentations Graphiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D
  - V.S.C





#### Avertissement

Ce document est un support de Cours et non pas Le Cours.

Par conséquent, votre présence aux séances du cours est indispensable pour mieux cerner le programme de la Statistique Descriptive...





#### Avertissement

Ce document est un support de Cours et non pas Le Cours.

Par conséquent, votre présence aux séances du cours est indispensable pour mieux cerner le programme de la Statistique Descriptive...





• Le mot **statistique** désigne à la fois un ensemble de données d'observations et l'activité qui consiste dans leur recueil, leur traitement et leur interprétation.





- Le mot **statistique** désigne à la fois un ensemble de données d'observations et l'activité qui consiste dans leur recueil, leur traitement et leur interprétation.
- D'une façon plus précise :
   On désigne par les statistiques, un ensemble de données ou d'informations relatives à un phénomène ou à un processus donné.

#### Exemples

la population marocaine en 2014



#### Exemples

- la population marocaine en 2014
- l'évolution des entreprises





#### Exemples

- la population marocaine en 2014
- l'évolution des entreprises
- des emplois...





 Par contre La statistique est en général, un ensemble de méthodes scientifiques qui servent à décrire et à analyser des données. Elles nous permettent aussi de tirer des conclusions et de prendre des décisions et aussi de faire des prévisions.



- Par contre La statistique est en général, un ensemble de méthodes scientifiques qui servent à décrire et à analyser des données. Elles nous permettent aussi de tirer des conclusions et de prendre des décisions et aussi de faire des prévisions.
- En ce qui concerne ce semestre, on se contentera d'étudier la méthode descriptive :





- Par contre La statistique est en général, un ensemble de méthodes scientifiques qui servent à décrire et à analyser des données. Elles nous permettent aussi de tirer des conclusions et de prendre des décisions et aussi de faire des prévisions.
- En ce qui concerne ce semestre, on se contentera d'étudier la méthode descriptive : c'est une méthode qui vise à décrire des ensembles nombreux; d'où l'appellation : statistique descriptive.

Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

Agronomie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application:**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

Agronomie astronomie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application:**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

Agronomie astronomie balistique





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

Agronomie astronomie balistique biologie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

Agronomie astronomie balistique biologie démographie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u>





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie <u>gestion</u>





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie gestion médecine





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie gestion médecine météorologie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie <u>gestion</u> médecine météorologie physique





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application:**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie <u>gestion</u> médecine météorologie physique psychologie





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie <u>gestion</u> médecine météorologie physique psychologie sciences politiques





Elle a pour objet de présenter les données sous forme de <u>tableaux</u> et de graphiques et de les <u>résumer</u> en quelques valeurs <u>numériques</u> appelée <u>caractéristiques</u>.

#### **Domaines d'application :**

Actuellement, la Statistique est considérée comme l'un des meilleurs outils de la recherche scientifique. En effet, on fait appel aux méthodes statistiques dans presque tous les secteurs de l'activité humaine :

 Agronomie astronomie balistique biologie démographie <u>Économie</u> épidémiologie <u>gestion</u> médecine météorologie physique psychologie sciences politiques ... ,etc.





### Plan

- Introduction Générale
- Généralités
  - Population et Caractères
    - Définitions
  - Effectif Fréquence
    - Définitions
- Tableaux Statistiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D
  - V.S.C
- Représentations Graphiques
  - Caractère Qualitatif





#### Définition 1

La population est un ensemble d'objets ou de personnes sur lesquelles porte une étude





#### Définition 1

La population est un ensemble d'objets ou de personnes sur lesquelles porte une étude

#### Exemples

Les habitants d'un quartier



#### Définition 1

La population est un ensemble d'objets ou de personnes sur lesquelles porte une étude

- Les habitants d'un quartier
- Les salariés d'une entreprise





#### Définition 1

La population est un ensemble d'objets ou de personnes sur lesquelles porte une étude

- Les habitants d'un quartier
- Les salariés d'une entreprise
- La population des P.M.E. du Maroc



#### Définition 1

La population est un ensemble d'objets ou de personnes sur lesquelles porte une étude

- Les habitants d'un quartier
- Les salariés d'une entreprise
- La population des P.M.E. du Maroc
- Les voitures immatriculés au Maroc



# Exemple: Type de population





### Individu-Échantillon-Taille

#### Définition 2

Les éléments qui composent une population sont appelés des Individus (ou unités Statistiques). Un sous-ensemble d'une population est appelé Échantillon.

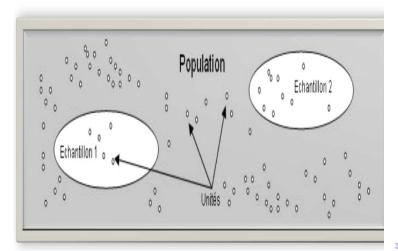
#### Définition 3

La taille d'une population est le nombre d'individus qui la composent.





# Individu-Échantillon-Taille





#### Définition 4

Un caractère est un critère relatif auquel on observe les individus d'une population





#### Définition 4

Un caractère est un critère relatif auquel on observe les individus d'une population

#### Exemples

nb d'enfants

USMBA

#### Définition 4

Un caractère est un critère relatif auquel on observe les individus d'une population

- nb d'enfants
- L'age



#### Définition 4

Un caractère est un critère relatif auquel on observe les individus d'une population

- nb d'enfants
- L'age
- Le salaire



#### Définition 4

Un caractère est un critère relatif auquel on observe les individus d'une population

- nb d'enfants
- L'age
- Le salaire
- La note...



#### A

chaque individu, on attribut un ou plusieurs caractères qui peuvent être soit **quantitatifs** : s'ils sont **mesurables** 



#### A

chaque individu, on attribut un ou plusieurs caractères qui peuvent être soit **quantitatifs** : s'ils sont **mesurables** 

#### **Exemples**

nb d'enfants par ménage





#### A

chaque individu, on attribut un ou plusieurs caractères qui peuvent être soit **quantitatifs** : s'ils sont **mesurables** 

- nb d'enfants par ménage
- PIB





#### A

chaque individu, on attribut un ou plusieurs caractères qui peuvent être soit **quantitatifs** : s'ils sont **mesurables** 

- nb d'enfants par ménage
- PIB
- Salaire,...





Ou qualitatifs: sinon





Ou qualitatifs: sinon

#### Exemples

Opinion politique,





Ou qualitatifs: sinon

#### Exemples

- Opinion politique,
- sexe,





Ou qualitatifs: sinon

#### Exemples

- Opinion politique,
- sexe,
- état matrimonial,...





#### Définition 5

Une valeur que peut prendre un **caractère** s'appelle **modalité** .

Un caractère qualitatif peut être soit :

 Ordinal : si ses modalités peuvent être naturellement ordonnées

#### Définition 5

Une valeur que peut prendre un **caractère** s'appelle **modalité** .

Un caractère qualitatif peut être soit :

- Ordinal : si ses modalités peuvent être naturellement ordonnées
- Nominal : sinon



#### Exemples: Cas Ordinal

satisfaction plus ou moins grande après l'achat d'un produit.





#### Exemples: Cas Ordinal

satisfaction plus ou moins grande après l'achat d'un produit.

#### Exemples: Cas nominal

état matrimoniale





#### Exemples: Cas Ordinal

satisfaction plus ou moins grande après l'achat d'un produit.

#### Exemples: Cas nominal

état matrimoniale , CSP





#### Exemples: Cas Ordinal

satisfaction plus ou moins grande après l'achat d'un produit.

#### Exemples: Cas nominal

état matrimoniale, CSP,...





## Variable Statistique

On appelle variable statistique, un caractère quantitatif.





## Variable Statistique

On appelle variable statistique, un caractère quantitatif.

On distingue deux sortes de variables statistiques :





### **VSD**

Les <u>variables</u> statistiques <u>discrètes</u> (notées : v.s.d.) : se sont des variables dont l'ensemble des modalités est un <u>ensemble discret</u> (la variable ne peut prendre que des valeurs <u>isolées</u> d'un intervalle).



### **VSD**

Les <u>variables</u> statistiques <u>discrètes</u> (notées : v.s.d.) : se sont des variables dont l'ensemble des modalités est un <u>ensemble discret</u> (la variable ne peut prendre que des valeurs <u>isolées</u> d'un intervalle).

#### Exemples: VSD

Pour le nombre d'enfants par ménage l'ensemble des modalités peut être {0, 1, 2, 3, 4}





Les <u>variables</u> statistiques <u>continues</u> (v.s.c.) : dans ce cas, l'ensemble des modalités est un <u>ensemble continu</u>; la variable peut prendre toutes les valeurs d'un <u>intervalle</u>.



Les <u>variables</u> statistiques <u>continues</u> (v.s.c.) : dans ce cas, l'ensemble des modalités est un <u>ensemble continu</u>; la variable peut prendre toutes les valeurs d'un <u>intervalle</u>.

#### Exemples: VSC

Salaire,



Les <u>variables</u> statistiques <u>continues</u> (v.s.c.) : dans ce cas, l'ensemble des modalités est un <u>ensemble continu</u>; la variable peut prendre toutes les valeurs d'un <u>intervalle</u>.

#### Exemples: VSC

Salaire, âge,



Les <u>variables</u> statistiques <u>continues</u> (v.s.c.) : dans ce cas, l'ensemble des modalités est un <u>ensemble continu</u>; la variable peut prendre toutes les valeurs d'un <u>intervalle</u>.

#### Exemples: VSC

Salaire, âge, taille,



Les <u>variables</u> statistiques <u>continues</u> (v.s.c.) : dans ce cas, l'ensemble des modalités est un <u>ensemble continu</u>; la variable peut prendre toutes les valeurs d'un <u>intervalle</u>.

#### Exemples: VSC

Salaire, âge, taille, poids

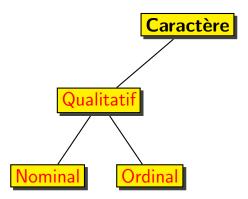


Les <u>variables</u> statistiques <u>continues</u> (v.s.c.) : dans ce cas, l'ensemble des modalités est un <u>ensemble continu</u>; la variable peut prendre toutes les valeurs d'un <u>intervalle</u>.

#### Exemples: VSC

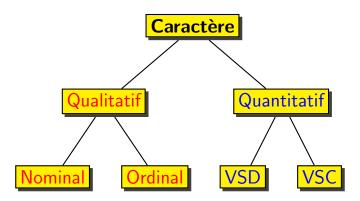
Salaire, âge, taille, poids , . . . etc.





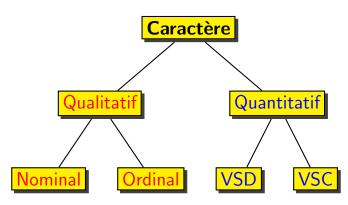












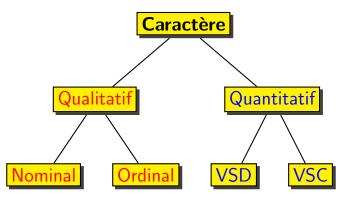
A quelle Filière vous appartenez?

Sc.Economiques Gestion

Droit Privé

Droit Publique





A quelle Filière vous appartenez?

Sc.Economiques Gestion

Droit Privé Droit Publique Etes-vous satisfait du cours de Stat?

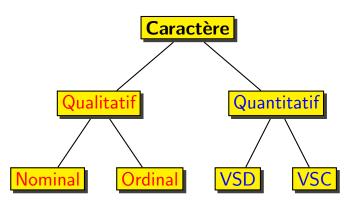
Pas du tout Satisfait

Satisfait Très Satisfait

Driss TOUIJAR





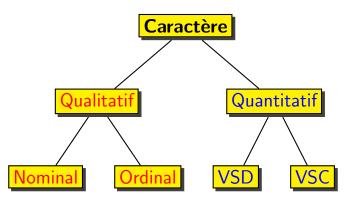


A quelle Filière vous appar-
tenez?
Sc.Economiques Gestion

Droit Privé Droit Publique

Etes-vous satisfait du cours de Stat ?	Combien avez-vous de frères et sœurs?
Pas du tout	0
Satisfait	1
Très Satisfait	2+





A quelle Filière vous appar
tenez?
Sc.Economiques Gestion

Droit Privé Droit Publique

Etes-vous satisfait du cours de Stat?	Combien avez-vous de frères et sœurs?
Pas du tout	0
Satisfait	1
Très Satisfait	2+

Quel âge as-tu?	
[17; 18[	1.
[18; 19[	1
[19; 22[	]





On observe, au cours d'une semaine, 20 machines selon le nombre de pièces défectueuses produites :

8,







On observe, au cours d'une semaine, 20 machines selon le nombre de pièces défectueuses produites :

8, 16, 9, 33, 14, 5, 3, 7, 10, 7, 9, 9,



On observe, au cours d'une semaine, 20 machines selon le nombre de pièces défectueuses produites :

8, 16, 9, 33, 14, 5, 3, 7, 10, 7, 9, 9, 3,



On observe, au cours d'une semaine, 20 machines selon le nombre de pièces défectueuses produites :

8, 16, 9, 33, 14, 5, 3, 7, 10, 7, 9, 9, 3, 8,



```
8, 16, 9, 33, 14, 5, 3, 7, 10, 7, 9, 9, 3, 8, 3,
```













On observe, au cours d'une semaine, 20 machines selon le nombre de pièces défectueuses produites :

On l'appelle la série brute.



- On l'appelle la série brute.
- La taille de cette population est donc :

$$n = 20$$

















$$\frac{1}{2}$$
,  $\frac{1}{2}$ ,







































Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 





$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 





Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

3





Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

3 5





Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

3 5 7 8



Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

3 5 7 8 9



Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

3 5 7 8 9 10





Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

5 7 8 9 10 14

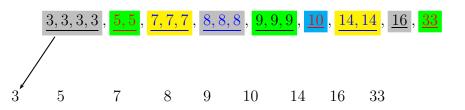


Après regroupement des observations On obtient les K modalités :

$$\underline{3,3,3,3}$$
,  $\underline{5,5}$ ,  $\underline{7,7,7}$ ,  $\underline{8,8,8}$ ,  $\underline{9,9,9}$ ,  $\underline{10}$ ,  $\underline{14,14}$ ,  $\underline{16}$ ,  $\underline{33}$ 

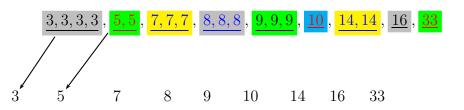
3 5 7 8 9 10 14 16





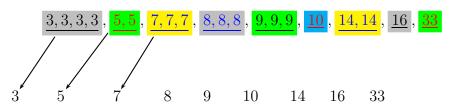






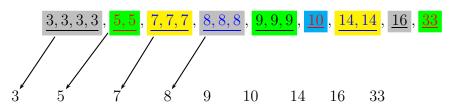






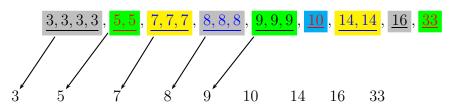




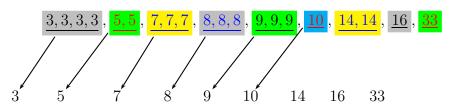




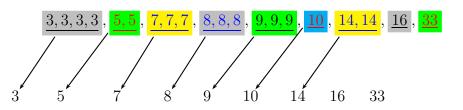




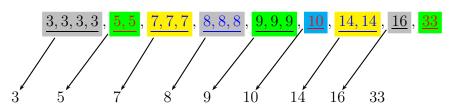






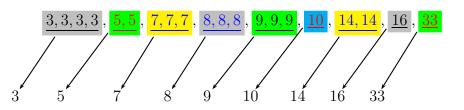








Après regroupement des observations On obtient les K modalités :



 ${\sf Remarque}: K=9$ 



la modalité  $x_1 = 3$  a pour effectif  $n_1 = 4$ 





```
la modalité x_1 = 3 a pour effectif n_1 = 4 la modalité x_2 = 5 a pour effectif n_2 = 2
```



```
la modalité x_1=3 a pour effectif n_1=4 la modalité x_2=5 a pour effectif n_2=2 la modalité x_3=7 a pour effectif n_3=3
```





```
la modalité
                         a pour effectif
               x_1 = 3
                                           n_1 = 4
la modalité
               x_2 = 5
                         a pour effectif
                                           n_2 = 2
               x_3 = 7
la modalité
                         a pour effectif
                                           n_3 = 3
la modalité
               x_4 = 8
                         a pour effectif
                                           n_4 = 3
```





```
la modalité
                         a pour effectif
               x_1 = 3
                                           n_1 = 4
la modalité
                         a pour effectif
               x_2 = 5
                                           n_2 = 2
la modalité
               x_3 = 7
                         a pour effectif
                                           n_3 = 3
la modalité
               x_4 = 8
                         a pour effectif
                                           n_4 = 3
la modalité
               x_5 = 9
                         a pour effectif
                                           n_5 = 3
```



```
la modalité
               x_1 = 3
                         a pour effectif
                                            n_1 = 4
la modalité
               x_2 = 5
                         a pour effectif
                                            n_2 = 2
la modalité
               x_3 = 7
                         a pour effectif
                                            n_3 = 3
la modalité
               x_{4} = 8
                         a pour effectif
                                            n_4 = 3
la modalité
               x_5 = 9
                         a pour effectif
                                            n_5 = 3
la modalité
              x_6 = 10
                         a pour effectif
                                            n_6 = 1
```





```
la modalité
               x_1 = 3
                         a pour effectif
                                            n_1 = 4
la modalité
               x_2 = 5
                         a pour effectif
                                            n_2 = 2
                         a pour effectif
la modalité
               x_3 = 7
                                            n_3 = 3
la modalité
               x_4 = 8
                         a pour effectif
                                            n_4 = 3
la modalité
               x_5 = 9
                         a pour effectif
                                            n_5 = 3
                         a pour effectif
la modalité
              x_6 = 10
                                            n_6 = 1
la modalité
              x_7 = 14
                         a pour effectif
                                            n_{7} = 2
```



```
la modalité
                          a pour effectif
               x_1 = 3
                                            n_1 = 4
la modalité
               x_2 = 5
                          a pour effectif
                                            n_2 = 2
la modalité
               x_{3} = 7
                          a pour effectif
                                            n_3 = 3
la modalité
               x_{4} = 8
                          a pour effectif
                                            n_4 = 3
la modalité
               x_{5} = 9
                          a pour effectif
                                            n_5 = 3
la modalité
               x_6 = 10
                          a pour effectif
                                            n_6 = 1
la modalité
               x_7 = 14
                          a pour effectif
                                            n_{7} = 2
la modalité
               x_8 = 16
                          a pour effectif
                                            n_8 = 1
```





```
la modalité
                          a pour effectif
               x_1 = 3
                                            n_1 = 4
la modalité
               x_2 = 5
                          a pour effectif
                                            n_2 = 2
la modalité
               x_{3} = 7
                          a pour effectif
                                            n_3 = 3
la modalité
               x_{4} = 8
                          a pour effectif
                                            n_4 = 3
la modalité
               x_{5} = 9
                          a pour effectif
                                            n_5 = 3
                                            n_6 = 1
la modalité
               x_6 = 10
                          a pour effectif
la modalité
               x_7 = 14
                          a pour effectif
                                            n_{7} = 2
la modalité
               x_8 = 16
                          a pour effectif
                                            n_8 = 1
la modalité
                          a pour effectif
               x_0 = 33
                                            n_0 = 1
```





```
la modalité
               x_1 = 3
                          a pour effectif
                                             n_1 = 4
la modalité
               x_2 = 5
                          a pour effectif
                                             n_2 = 2
la modalité
               x_{3} = 7
                          a pour effectif
                                             n_3 = 3
la modalité
               x_{4} = 8
                          a pour effectif
                                             n_4 = 3
la modalité
               x_{5} = 9
                          a pour effectif
                                             n_5 = 3
la modalité
               x_6 = 10
                          a pour effectif
                                             n_6 = 1
                          a pour effectif
la modalité
               x_{7} = 14
                                             n_{7} = 2
la modalité
               x_8 = 16
                          a pour effectif
                                             n_{8} = 1
la modalité
               x_0 = 33
                          a pour effectif
                                             n_0 = 1
```

#### Remarque:

$$4+2+3+3+3+1+2+1+1=20$$





# Observation VS Modalités

#### la série brute

Individu	Observation
i	$x_i$

#### Modalité Numérique

Le rang /	$i^{ m \grave{e}^{me}}$ modalité
i	$x_i$





## Plan

- Introduction Générale
- Généralités
  - Population et Caractères
    - Définitions
  - Effectif Fréquence
    - Définitions
- Tableaux Statistiques
  - Caractère Qualitatif
  - V.S.D
  - V.S.C
- Représentations Graphiques
  - Caractère Qualitatif







#### Définition

L'effectif  $n_i$  d'une modalité  $x_i$  est le nombre d'individus ayant cette modalité. L'effectif total (ou taille) , noté n, d'une population est le nombre d'individus qui composent cette population.

$$\sum_{i=1}^{i=k} n_i = \underbrace{n_1 + n_2 + \dots + n_k}_{k \text{ éléments et non } n} = n$$





#### **Definition**

On appelle fréquence de la modalité  $x_i$ , notée  $f_i$ , la proportion des individus présentant cette modalité. On écrit :

$$f_i = \frac{n_i}{n} \quad i = 1, \dots, k$$

Remarque : 
$$\sum_{i=1}^{i=k} f_i = 1$$

En %: 
$$f_i\% = f_i \times 100 \Rightarrow \sum_{i=1}^{i-1} f_i\% = 100\%$$





• 
$$f_1 = \frac{n_1}{n} = \frac{4}{20} = 0.2 (= 20\%)$$





• 
$$f_1 = \frac{n_1}{n} = \frac{4}{20} = 0.2 (= 20\%)$$

• La proportion des machines ayant produit 3 pièces défectueuses est de 20%





• 
$$f_1 = \frac{n_1}{n} = \frac{4}{20} = 0.2 (= 20\%)$$

 La proportion des machines ayant produit 3 pièces défectueuses est de 20%

• 
$$f_6 = \frac{n_6}{n} = \frac{1}{20} = 0.05 (= 5\%)$$





• 
$$f_1 = \frac{n_1}{n} = \frac{4}{20} = 0.2 (= 20\%)$$

 La proportion des machines ayant produit 3 pièces défectueuses est de 20%

• 
$$f_6 = \frac{n_6}{n} = \frac{1}{20} = 0.05 (= 5\%)$$

• La proportion des machines ayant produit 10 pièces défectueuses est de 5%





#### Definition

On appelle distribution d'un caractère X, l'ensemble de couples

$$\{(x_1, n_1), (x_2, n_2), \ldots, (x_k, n_k)\}$$





#### Definition

On appelle distribution d'un caractère X, l'ensemble de couples

$$\{(x_1, n_1), (x_2, n_2), \ldots, (x_k, n_k)\}$$

### Remarque:

La distribution du caractère X en termes de **fréquence** est  $\{(x_1, f_1), (x_2, f_2), \dots, (x_k, f_k)\}$ 





#### Les 20 machines:

La distribution des défectuosités en termes d' effectifs est  $\{(03, 4), (05, 2), (07, 3), (08, 3), (09, 3), (10, 1), (14, 2)\}$ (16, 1), (33, 1)





#### Les 20 machines:

La distribution des défectuosités en termes d' <u>effectifs</u> est  $\{(03, 4), (05, 2), (07, 3), (08, 3), (09, 3), (10, 1), (14, 2), (16, 1), (33, 1)\}$ 

#### Exemple:

#### Les 20 machines:

La distribution du caractère X en termes de **fréquences** est  $\{(03; 0, 2), (05; 0, 1), (07; 0, 15), (08; 0, 15), (09; 0, 15), (10; 0, 05), (14, 0, 1), (16; 0, 05), (33; 0, 05)\}$ 





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois, années





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois, années, nb.d'enfants





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois, années, nb.d'enfants, revenu





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois, années, nb.d'enfants, revenu, ville natale





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois, années, nb.d'enfants, revenu, ville natale, opinion sur la qualité d'un produit alimentaire pour bébé





#### Exemple Introductif

Supposons que l'on ait fait une enquête auprès de 20 femmes selon 9 caractères :

Prénom, nom, jour de naissance, le mois, années, nb.d'enfants, revenu, ville natale, opinion sur la qualité d'un produit alimentaire pour bébé.





	Prénom	Nom	Jour	Mois	Année	Nombre d'enfants	Revenu	Ville	Opinion
1	Aline	Michalco	23	1	1953	4	30000	Paris	Mauvaise
2	Mathilde	Crepineau	13	10	1953	0	60000	Montpellier	Très bonne
3	Bénédicte	Avelin	9	3	1953	1	9000	Rouen	Mauvaise
4	Henriette	Tufte	3	2	1953	1	15000	Paris	Mauvaise
5	Danielle	Cron	16	4	1953	2	40000	Marseille	Moyenne
6	Ludivine	Laposte	15	5	1953	2	40000	Marseille	Moyenne
7	Agnès	Roche	2	5	1953	2	10000	Nice	Bonne
8	Rita	Mena	5	5	1953	3	45000	Paris	Moyenne
9	Andrée	Lamiral	22	6	1953	3	80000	Nancy	Passable
10	Pauline	Zatti	20	7	1953	4	50000	Nice	Moyenne
11	Zoé	Foret	9	9	1953	2	60000	Nice	Passable
12	Lola	Marseille	7	7	1953	3	55000	Marseille	Bonne
13	Priscilla	Lounad	3	2	1953	3	85000	Montpellier	Bonne
14	Violaine	Turk	16	4	1953	5	60000	Nice	Moyenne
15	Christine	Dodue	15	5	1953	2	40000	Rouen	Bonne
16	Fabiola	Couic	2	5	1953	1	10000	Nancy	Passable
17	Noelle	Gant	5	11	1953	3	120000	Nice	Mauvaise
18	Rachel	Nol	22	2	1953	3	80000	Paris	Moyenne
19	Sabine	Eboum	20	10	1953	4	18000	Paris	Très bonne
20	Jeanne	Rivière	9	12	1953	5	90000	Marseille	Passable





Dans cette 1ère Partie, on ne considérera qu'un **seul** caractère à la fois.

Soit la distribution d'un caractère qualitatif X étudié sur une population de n individus :

$$\{(x_1, n_1), (x_2, n_2), \ldots, (x_k, n_k)\}$$





Sa représentation par tableau est alors comme suit :

<b>-</b>	 	 _
Modalite		
$x_i$		
$x_1$		
$x_2$		
:		
$x_i$		
:		
$x_k$		
Total		

Sa représentation par tableau est alors comme suit :

ou represe	intation par	tabicaa	CJC	ч
Modalite	Effectif			
$x_i$	$n_i$			
$x_1$	$n_1$			
$x_2$	$n_2$			
÷	:			
$x_i$	$n_i$			
:	:			
$x_k$	$n_k$			
Total	$\sum_{i=1}^k n_i = r$	$\iota$		

Sa représentation par tableau est alors comme suit :

Modalite	Effectif	frequence
$x_i$	$n_i$	$f_{i}$
$x_1$	$n_1$	$f_1$
$x_2$	$n_2$	$f_2$
:	:	:
$x_i$	$n_i$	$f_i$
÷	:	:
$x_k$	$n_k$	$f_k$
Total	$\sum_{i=1}^{k} n_i = n$	$\sum_{i=1}^{k} f_i = 1$

On reprend les 20 femmes selon **l'opinion** "caractère ordinal" :

Ma, Tb, Ma, Ma, Mo, Mo, Bo, Mo, Pa, Mo, Pa, Bo, Bo, Mo, Bo, Pa, Ma, Mo, Tb, Pa.





On reprend les 20 femmes selon **l'opinion** "caractère ordinal" :

Ma, Tb, Ma, Ma, Mo, Mo, Bo, Mo, Pa, Mo, Pa, Bo, Bo, Mo, Bo, Pa, Ma, Mo, Tb, Pa. Une fois classées:





```
On reprend les 20 femmes selon l'opinion
"caractère ordinal":

Ma, Tb, Ma, Ma, Mo, Mo, Bo, Mo, Pa, Mo,
Pa, Bo, Bo, Mo, Bo, Pa, Ma, Mo, Tb, Pa.
Une fois classées:

Ma, Ma, Ma, Ma, Ma,
Pa, Pa, Pa, Pa,
```

Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Bo, Bo, Bo, Bo,



```
On reprend les 20 femmes selon l'opinion
"caractère ordinal":

Ma, Tb, Ma, Ma, Mo, Mo, Bo, Mo, Pa, Mo,
Pa, Bo, Bo, Mo, Bo, Pa, Ma, Mo, Tb, Pa.
Une fois classées:

Ma, Ma, Ma, Ma,
Pa, Pa, Pa, Pa,
Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Bo, Bo, Bo, Bo,
Tb, Tb.
```

On a donc 5 modalités (k = 5).



On reprend les 20 femmes selon l'opinion

## Exemple

```
"caractère ordinal":
Ma, Tb, Ma, Ma, Mo, Mo, Bo, Mo, Pa, Mo, Pa, Bo, Bo, Mo, Bo, Pa, Ma, Mo, Tb, Pa.
Une fois classées:
Ma, Ma, Ma, Ma, Ma, Pa, Pa, Pa, Pa, Pa, Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Bo, Bo, Bo, Bo, Bo, Tb, Tb.
```

On a donc 5 modalités (k = 5). La distribution s'écrit :

```
On reprend les 20 femmes selon l'opinion
"caractère ordinal":

Ma, Tb, Ma, Ma, Mo, Mo, Bo, Mo, Pa, Mo,
Pa, Bo, Bo, Mo, Bo, Pa, Ma, Mo, Tb, Pa.
Une fois classées:

Ma, Ma, Ma, Ma, Pa, Pa, Pa,
Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Mo, Bo, Bo, Bo, Bo, Tb, Tb.
```

On a donc 5 modalités (k = 5).La distribution s'écrit :

$$\{(Ma, 4), (Pa, 4), (Mo, 6), (Bo, 4), (Tb, 2)\}$$



### Opinion des femmes

$x_i$	
Ma	
Pa	
Mo	
Bo	
Tb	
Total	





### Opinion des femmes

$x_i$	$n_i$
Ma	4
Pa	4
Mo	6
Bo	4
Tb	2
Total	20





### Opinion des femmes

$x_i$	$n_i$	$f_i$
Ma	4	0, 2
Pa	4	0, 2
Mo	6	0, 3
Bo	4	0, 2
Tb	2	0,1
Total	20	1





## Variable Statistique Discrète (v.s.d)

#### nb. d'enfants par femmes

Soit X le caractère qui désigne le nombre d'enfants par ménage pour les 20 femmes :

4									
2	3	3	5	2	1	3	3	4	5

La distribution est alors :





## Variable Statistique Discrète (v.s.d)

#### nb. d'enfants par femmes

Soit X le caractère qui désigne le nombre d'enfants par ménage pour les 20 femmes :

4									
2	3	3	5	2	1	3	3	4	5

La distribution est alors :

$$\{(0, 1), (1, 3), (2, 5), (3, 6), (4, 3), (5, 2)\}$$





### nb. d'enfants par femmes

$x_i$	
0	
1	
2	
3	
4	
5	
Total	_

### nb. d'enfants par femmes

$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
4	3
5	2
Total	20

### nb. d'enfants par femmes

$x_i$	$n_i$	$f_i\%$
0	1	5
1	3	15
2	5	25
3	6	30
4	3	15
5	2	10
Total	20	100

**Question :** Combien de femmes ont au moins **ou** au plus 3 enfants?

i) Effectifs et fréquences cumulés :

#### Définition : Effectifs et fréquences cumulés croissants

Soit  $N_i$  le  $i^{\grave{e}me}$  effectif cumulé croissant associé à  $x_i$ 

$$N_i = n_1 + n_2 + \dots + n_i$$

 $N_i$  est le nombre d'individus présentant au plus la modalité  $x_i$ .

#### **Exemples**

$$N_4 = n_1 + n_2 + n_3 + n_4 = \sum_{i=1}^{n} n_i = 15$$

On dit que 15 femmes ont au plus  $x_4 = 3$  enfants.





En divisant l'égalité ci-dessus par n=20, on obtient la fréquence <u>cumulée croissante</u> :

$$F_i = f_1 + f_2 + \dots + f_i = \sum_{j=1}^{i} f_j$$

$$F_4 = f_1 + f_2 + f_3 + f_4 = 0,75$$

On dit que 75% des femmes ont au plus  $x_4 = 3$  enfants

### ii) Effectifs et fréquences cumulés :

### Effectifs et fréquences cumulés décroissants :

En sommant cette fois à partir du  $i^{\grave{e}me}$  effectif jusqu'au dernier, on obtient le  $i^{\grave{e}me}$  effectif cumulé décroissant, par exemple :

### Exemple

$$N_{3\searrow} = n_3 + n_4 + n_5 + n_6 = \sum_{i=3}^{6} n_i = 16$$

En divisant l'égalité ci-dessus par n=20, on obtient la fréquence <u>cumulée décroissante</u> :

$$F_{i\searrow} = f_i + f_{i+1} + \dots + f_k = \sum_{j=i}^{k} f_j$$

$$F_{3\searrow} = f_3 + f_4 + f_5 + f_6 = 0,8$$

On dit que 80% des femmes ont au moins  $x_3 = 2$  enfants







```
N_i
 x_i
 x_1
             n_1
                                      n_1
                                  n_1 + n_2
 x_2
             n_2
                              n_1 + \cdots + n_i
  x_i
             n_i
                     f_k
 x_{l}
             n_{k}
Total
                                   Au plus
```





$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	$F_{i}$	
$x_1$	$n_1$	$f_1$	$n_1$	$f_1$	
$x_2$	$n_2$	$f_2$	$n_1 + n_2$	$f_1 + f_2$	
		:	:	:	
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$n_1 + \cdots + n_i$	$f_1 + \cdots + f_i$	
:	:		i:	:	
$x_k$	$n_k$	$f_k$	n	1	
Total	n	1	Au plus	Au plus	





$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	$F_{i}$	$N_i$	
$x_1$	$n_1$	$f_1$	$n_1$	$f_1$	n	
$x_2$	$n_2$	$f_2$	$n_1 + n_2$	$f_1 + f_2$	$n_2+n_3+\cdots+n_k$	
:				:	:	
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$n_1 + \cdots + n_i$	$f_1+\cdots+f_i$	$n_i + n_{i+1} + \cdots + n_k$	
:			:	:	i i	
$x_k$	$n_k$	$f_k$	n	1	$n_k$	
Total	n	1	Au plus	Au plus	Au moins	





$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	$F_{i}$	$N_i$	$F_{i\searrow}$
$x_1$	$n_1$	$f_1$	$n_1$	$f_1$	n	1
$x_2$	$n_2$	$f_2$	$n_1 + n_2$	$f_1 + f_2$	$n_2+n_3+\cdots+n_k$	$f_2+\cdots+f_k$
•					:	:
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$n_1 + \cdots + n_i$	$f_1 + \cdots + f_i$	$n_i + n_{i+1} + \cdots + n_k$	$f_i + \cdots + f_k$
			:	:	:	:
$x_k$	$n_k$	$f_k$	n	1	$n_k$	$f_k$
Total	n	1	Au plus	Au plus	Au moins	Au moins





# Exemple: Nombre d'enfants par femme $x_i$ Total

## Exemple: Nombre d'enfants par femme

$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
4	3
5	2
Total	20

## Exemple: Nombre d'enfants par femme

$x_i$	$n_i$	$f_i$
0	1	5
1	3	15
2	5	25
3	6	30
4	3	15
5	2	10
Total	20	100

## Exemple : Nombre d'enfants par femme

Total	20	100	Au plus	
5	2	10	20	
4	3	15	18	
3	6	30	15	
2	5	25	9	
1	3	15	4	
0	1	5	1	
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	

Exemple	Exemple : Nombre d'enfants par femme				
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	$F_i$	
0	1	5	1	5	
1	3	15	4	20	
2	5	25	9	45	
3	6	30	15	75	
4	3	15	18	90	
5	2	10	20	100	
Total	20	100	Au plus	Au plus	

Exemple	Exemple : Nombre d'enfants par femme					
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	$F_{i}$	$N_{i\searrow}$	
0	1	5	1	5	20	
1	3	15	4	20	19	
2	5	25	9	45	16	
3	6	30	15	75	11	
4	3	15	18	90	5	
5	2	10	20	100	2	
Total	20	100	Au plus	Au plus	Au moins	

Exemple	Exemple : Nombre d'enfants par femme					
$x_i$	$n_i$	$f_i$	$N_i$	$F_{i}$	$N_{i\searrow}$	$F_i$
0	1	5	1	5	20	100
1	3	15	4	20	19	95
2	5	25	9	45	16	80
3	6	30	15	75	11	55
4	3	15	18	90	5	25
5	2	10	20	100	2	10
Total	20	100	Au plus	Au plus	Au moins	Au mo

STATISTIQUE I

Driss TOUIJAR

## Interprétation :

Il y a 19 ménages (soit 95%) qui ont au moins 1 enfant. Il y a 9 ménages (soit 45%) qui ont au plus 2 enfants.

### Remarque:

$$F_{i\searrow} = f_i + f_{i+1} + \dots + f_k = \sum_{j=1}^k f_j - \sum_{j=1}^{i-1} f_j = 1 - F_{i-1}$$

## Variable Statistique Continue (v.s.c)

Dans le cas d'une v.s.c., les modalités sont regroupées en classes. Soit k le nombre de ces classes :





## Variable Statistique Continue (v.s.c)

Dans le cas d'une v.s.c., les modalités sont regroupées en classes. Soit k le nombre de ces classes :

$$\underbrace{\begin{bmatrix} e_0 \ , \ e_1 \end{bmatrix}}_{\text{l`ere classe}} \quad \underbrace{\begin{bmatrix} e_1 \ , \ e_2 \end{bmatrix}}_{\text{l`eme classe}} \quad \cdots \quad \underbrace{\begin{bmatrix} e_{i-1} \ , \ e_i \end{bmatrix}}_{\text{i`eme classe}} \quad \cdots \quad \underbrace{\begin{bmatrix} e_{k-1} \ , \ e_k \end{bmatrix}}_{\text{k`eme classe}}$$

Pour la  $i^{\grave{e}me}$  classe, on note :  $a_i=e_i-e_{i-1}$  l'amplitude de cette classe.

$$x_i = \frac{e_{i-1} + e_i}{2}$$
 le centre de cette classe.

N° $classe$	
1	
2	
÷	
i	
÷	
k	

N° $classe$	Classe
1	$[e_0 \;,\; e_1[$
2	$[e_1 \ , \ e_2[$
:	:
i	$[e_{i-1} , e_i[$
:	:
k	$[e_{k-1} , e_k[$
	Total

$N^{\circ}classe$	Classe	Effectif
1	$[e_0\;,\;e_1[$	$n_1$
2	$[e_1 , e_2[$	$n_2$
:	:	<u>:</u>
i	$[e_{i-1}, e_i[$	$n_i$
:	:	
k	$[e_{k-1}, e_k[$	$n_k$
	Total	$\sum_{i=1}^k n_i = n$

N° $classe$	Classe	Effectif	frequence
1	$[e_0 \;,\; e_1[$	$n_1$	$f_1$
2	$[e_1 , e_2[$	$n_2$	$f_2$
:	÷	:	÷
i	$[e_{i-1}, e_i[$	$n_i$	$f_i$
:	÷	:	:
$\overline{k}$	$[e_{k-1}, e_k[$	$n_k$	$f_k$
	Total	$\sum_{i=1}^k n_i = n$	$\sum_{i=1}^{k} f_i = 1$

on relève le revenu des femmes en  $(m\mathfrak{C})$ .

Revenu $X_i$	Effectif $n_i$
9	1
10	2
15	1
18	1
30	1
40	3
45	1
50	1
55	1
60	3
80	2
85	1
90	1
120	1





#### on relève le revenu des femmes en $(m\mathfrak{C})$ .

on releve to revenu des r				
Revenu $X_i$	Effectif $n_i$			
9	1			
10	2			
15	1			
18	1			
30	1			
40	3			
45	1			
50	1			
55	1			
60	3			
80	2			
85	1			
90	1			
120	1			

Il est plus commode de regrouper les revenus en classe, par exemple, on choisi 4 classes de même amplitude. Le tableau est alors comme suit :





#### on relève le revenu des femmes en $(m\mathfrak{C})$ .

Revenu $X_i$	Effectif $n_i$
9	1
10	2
15	1
18	1
30	1
40	3
45	1
50	1
55	1
60	3
80	2
85	1
90	1
120	1

Il est plus commode de regrouper les revenus en classe, par exemple, on choisi 4 classes de <u>même</u> amplitude. Le tableau est alors comme suit :

Classe	$n_i$
[0, 35[	6
[35, 70[	9
[70, 105[	4
[105, 140]	1
Total∢∌→	$\sqrt{20}$



# classes [0, 35[ [35, 70[ [70, 105[ [105, 140[ Total

## Exemple

classes	$n_i$
[0, 35[	6
[35, 70[	9
[70, 105]	4
[105, 140]	1
Total	20

## Exemple

classes	$n_i$	$f_i$
[0, 35[	6	30
[35, 70[	9	45
[70, 105]	4	20
[105, 140]	1	5
Total	20	100

## Exemple

classes	$n_i$	$f_i$	$F_i$
[0, 35[	6	30	30
[35, 70[	9	45	75
[70, 105]	4	20	95
[105, 140]	1	5	100
Total	20	100	Au plus

## Exemple

classes	$n_i$	$f_i$	$F_i$	$F_{i\searrow}$
[0, 35[	6	30	30	100
[35, 70[	9	45	75	70
[70, 105]	4	20	95	25
[105, 140]	1	5	100	5
Total	20	100	Au plus	Au moins

## Interprétation :

$$F_2=75\%$$
 des femmes touchent au plus  $e_2=70$  m $\odot$ .  $([e_1,e_2[)$   $F_3 > = 25\%$  des femmes touchent au moins  $e_2=70$  m $\odot$ 

 $F_{3\searrow}=25\%$  des femmes touchent <u>au moins</u>  $e_2=70$  m $\odot$  .  $([e_2,e_3[)$ 





## A) Le graphique en tuyaux d'orgue

Le graphique est une traduction visuelle de l'information qu'elle soit qualitative ou quantitative.





# A) Le graphique en tuyaux d'orgue

Le graphique est une traduction visuelle de l'information qu'elle soit qualitative ou quantitative.

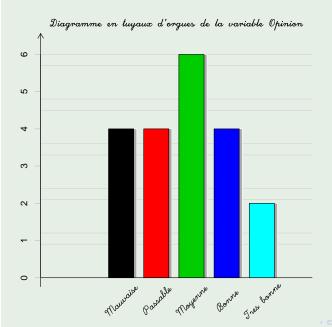
#### **Définition**

Le tuyaux d'orgue est formé de rectangles de même base constante et dont les hauteurs sont proportionnelles aux effectifs (ou fréquences) des modalités associées.





## Exemple: Opinion des 20 femmes



$x_i$	$n_i$
Ma	4
Pa	4
Mo	6
Bo	4
Tb	2
Total	20

## B) Le diagramme circulaire

#### **Définition**

C'est une représentation en disque. Chaque secteur est proportionnel à l'effectif (ou fréquence) de la modalité associée.

En terme d'angle , à  $x_i$  on associe l'angle au centre  $\theta_i$ , du secteur i, vérifiant :



## B) Le diagramme circulaire

#### **Définition**

C'est une représentation en disque. Chaque secteur est proportionnel à l'effectif (ou fréquence) de la modalité associée.

En terme d'angle , à  $x_i$  on associe l'angle au centre  $\theta_i$ , du secteur i, vérifiant :

$$\theta_i = c \times f_i \; ; \; i = 1, \cdots, \; K$$





# Représentations Graphiques

## Remarque: diagramme circulaire

agramme circulaire 
$$360^{\circ} = \sum_{i=1}^{K} \theta_i = c \sum_{i=1}^{K} f_i = c$$

# Représentations Graphiques

## Remarque: diagramme circulaire

$$360^{\circ} = \sum_{i=1}^{K} \theta_i = c \sum_{i=1}^{K} f_i = c$$

$$\Rightarrow \theta_i = 360 \times f_i \; ; \; i = 1, \cdots, K$$

# Représentations Graphiques

## Remarque: diagramme circulaire

$$360^{\circ} = \sum_{i=1}^{K} \theta_i = c \sum_{i=1}^{K} f_i = c$$

$$\Rightarrow \theta_i = 360 \times f_i \; ; \; i = 1, \cdots, K$$

Si les fréquences sont en pourcentage :

$$\theta_i = 3, 6 \times f_i\% \; ; \; i = 1, \cdots, K$$



## Exemple: Opinion des femmes

 $x_i$ Ma $\overline{Pa}$ Mo $\overline{Bo}$ Tb**Total** 





## Exemple: Opinion des femmes

$x_i$	$f_i\%$
Ma	20
Pa	20
Mo	30
Bo	20
Tb	10
Total	100





# Exemple : Opinion des femmes

$x_i$	$f_i\%$	$ heta_i$ °
Ma	20	72
Pa	20	72
Mo	30	108
Bo	20	72
Tb	10	36
Total	100	360°





## Exemple: Opinion des femmes

$x_i$	$f_i\%$	$\theta_i$ °
Ma	20	72
Pa	20	72
Mo	30	108
Bo	20	72
Tb	10	36
Total	100	360°

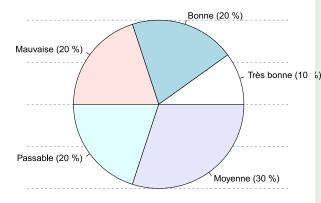
Exemple:  $72^{\circ} = 3, 6 \times 20$ 





## Exemple: Opinion des 20 femmes

Diagramme circulaire de la variable femme \$0 pinion



$x_i$	$\theta_i °$
Ma	72
Pa	72
Mo	108
Bo	72
Tb	36
Total	360°

# A) Diagramme en bâtons

On utilise deux types de graphiques selon que l'on considère les effectifs (ou fréquences) simple ou les effectifs (ou fréquences) cumulés :

Diagramme en bâtons





# A) Diagramme en bâtons

On utilise deux types de graphiques selon que l'on considère les effectifs (ou fréquences) simple ou les effectifs (ou fréquences) cumulés :

- Diagramme en bâtons
- Courbe Cumulative





# A) Diagramme en bâtons

On utilise deux types de graphiques selon que l'on considère les effectifs (ou fréquences) simple ou les effectifs (ou fréquences) cumulés :

- Diagramme en bâtons
- Courbe Cumulative

### **Définition**

À chaque modalité  $x_i$  on associe un segment de longueur proportionnelle à l'effectif  $n_i$  (ou fréquence  $f_i$ ).

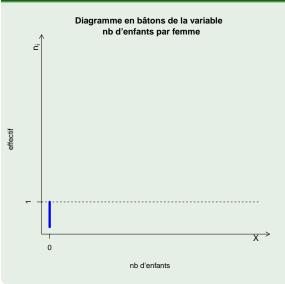
Oambe



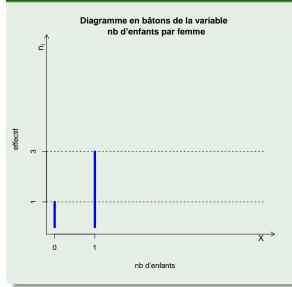


$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
4	3
5	2
Total	20

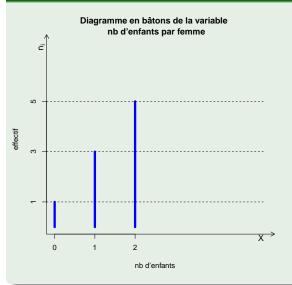
nb d'enfants



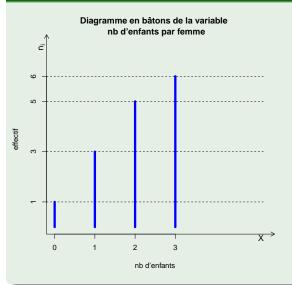
$x_i$	$n_i$
0	1
Total	



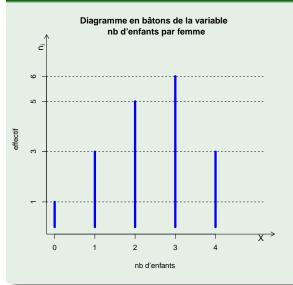
$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
Total	



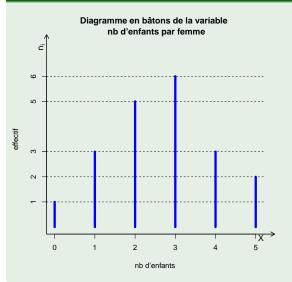
$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
Total	



$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
Total	



$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
4	3
Total	



$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
4	3
5	2
Total	20

$x_i$	$n_i$
0	1
1	3
2	5
3	6
4	3
5	2
Total	20

### **Définition**

On appelle fonction de répartition F(x), la fonction qui à chaque valeur x de  $\mathbb{R}$  associe la proportion d'individus pour lesquels la valeur de la variable X est inférieure ou égale à x.





### **Définition**

On appelle fonction de répartition F(x), la fonction qui à chaque valeur x de  $\mathbb{R}$  associe la proportion d'individus pour lesquels la valeur de la variable X est inférieure ou égale à x.

## **Notation:**

$$F(x) = \mathbb{P}(X \le x)$$





## Propriétés de F:

La fonction F est définie sur R et à valeurs dans [0,1].

$$F(x) = 0$$
  $si$   $x < x_1$   
 $F(x) = 1$   $si$   $x \ge x_k$   
 $F(-\infty) = 0$   $F(+\infty) = 1$ 

F est constante sur chaque intervalle séparant deux modalités consécutives .

## Remarque

On obtient la courbe cumulative des effectifs en remplaçant les  $F_i$  par les  $N_i$ .

## nb d'enfants par femmes

Le tableau est alors comme suit :

$x_i$	$F_i\%$
0	5
1	20
2	45
3	75
4	90
5	100
Total	Au Plus





$x_i$	$F_i\%$
0	5
1	20
2	45
3	75
4	90
5	100
Total	Au plus

On a souvent recourt à **trois** types de graphiques :

Histogramme





On a souvent recourt à **trois** types de graphiques :

- Histogramme
- Polygone de fréquences





On a souvent recourt à trois types de graphiques :

- Histogramme
- Polygone de fréquences
- Courbe Cumulative





### **Définition**

À chaque classe, on associe un rectangle dont la base est égale à l'amplitude de la classe et dont la hauteur est de telle sorte que sa surface ( $S_i = b_i \times h_i$ ) soit proportionnelle à la fréquence de la classe.





## **Définition**

À chaque classe, on associe un rectangle dont la base est égale à l'amplitude de la classe et dont la hauteur est de telle sorte que sa surface ( $S_i = b_i \times h_i$ ) soit proportionnelle à la fréquence de la classe. La juxtaposition de tous ces rectangles forment un histogramme.



## Remarque

Pratiquement, on procède ainsi :

### Remarque

Pratiquement, on procède ainsi :

• Si toutes les classes ont même amplitude ( $a_i = cte = a$ ; i = 1, ..., k) alors  $h_i = f_i$  (ou  $n_i$ ).

### Remarque

Pratiquement, on procède ainsi :

- Si toutes les classes ont même amplitude ( $a_i = cte = a$ ; i = 1, ..., k) alors  $h_i = f_i$  (ou  $n_i$ ).
- Sinon au moins une classe a une amplitude différente des autres : dans ce cas on choisit une amplitude de référence  $a_r$  (par exemple la plus répandu ou n'importe laquelle). Par suite, on corrige la fréquence des classes différentes en la divisant par l'amplitude associée et en multipliant par  $a_r$ :

$$h_i = f_i' = \frac{f_i}{a_i} \times a_r$$

### Exemple: Le Revenu des 20 femmes

#### Remarque

Toutes les classes ont même amplitude donc pas besoin de corriger les fréquences.

#### Exemple : Le Revenu des 20 femmes

#### Remarque

Toutes les classes ont même amplitude donc pas besoin de corriger les fréquences.

Classe	$a_i$	$f_i$
[0, 35[	35	0,30
[35, 70[	35	0,45
[70, 105[	35	0,20
[105, 140[	35	0,05
Total	$a_r = 35 = a$	1

## Revenu des 20 femmes

Classe	$a_i$	$f_i$
[0, 35[	35	0,30
[35, 70[	35	0,45
[70, 105[	35	0,20
[105, 140[	35	0,05
Total	35	1

Exemple: Le Revenu des 20 femmes

Remarque 1

Si On regroupe les 2 dernières classes

#### Exemple : Le Revenu des 20 femmes

#### Remarque 1

## Si On regroupe les 2 dernières classes

Classe	$f_i$	$a_i$	$l_i = rac{a_i}{a_r}$	$f_i' = rac{f_i}{l_i}$
[0, 35[	0,30	35	1	0,30
[35, 70]	0,45	35	1	0,45
[70, 140]	0,25	70	2	0, 13
Total	1	$a_r = 35$	_	

### Exemple: Le Revenu des 20 femmes

#### Remarque 1

## Si On regroupe les 2 dernières classes

Classe	$f_i$	$a_i$	$l_i = rac{a_i}{a_r}$	$f_i' = \frac{f_i}{l_i}$
[0, 35[	0,30	35	1	0,30
[35, 70[	0,45	35	1	0,45
[70, 140]	0,25	70	2	0, 13
Total	1	$a_r = 35$	_	

#### Remarque 2

f' s'appelle densité de fréquence par unité d'amplitude

## Revenu des 20 femmes

Classe	$f_i'$
[0, 35[	0,30
[35, 70[	0,45
[70, 140[	0, 13
Total	

### Polygone de Fréquences

#### Définition

On subdivise l'histogramme, supposé déjà tracé, en sous rectangles de même base égale à l'amplitude de référence  $a_r$ .  $a_r$  étant choisie comme la plus petite des amplitudes et vérifiant :

$$a_i = k \times a_r \; ; \; k = 1, 2, ...$$





## Polygone de Fréquences

#### **Définition**

On subdivise l'histogramme, supposé déjà tracé, en sous-rectangles de même base égale à l'amplitude de référence  $a_r$ .  $a_r$  étant choisie comme la plus petite des amplitudes et vérifiant :

$$a_i = k \times a_r \; ; \; k = 1, 2, \dots$$

Après avoir ajouter aux extrémités de l'histogramme deux rectangles fictifs de hauteur nulle et de base  $a_r$ , on joint, par des segments de droites, les milieux des sommets des sous rectangles ainsi obtenus.





## Polygone de Fréquences

#### **Définition**

On subdivise l'histogramme, supposé déjà tracé, en sous-rectangles de même base égale à l'amplitude de référence  $a_r$ .  $a_r$  étant choisie comme la plus petite des amplitudes et vérifiant :

$$a_i = k \times a_r \; ; \; k = 1, 2, \dots$$

Après avoir ajouter aux extrémités de l'histogramme deux rectangles fictifs de hauteur nulle et de base  $a_r$ , on joint, par des segments de droites, les milieux des sommets des sous rectangles ainsi obtenus.

#### Remarque

Il suffit de choisir  $a_r$  comme le PGDC des  $a_i$ .

# Revenu des 20 femmes

Classe	f!
[0, 35]	0,30
[35, 70[	0,45
[70, 140]	0,13
Total	

#### Définition

On construit la courbe de la fréquence cumulée en joignant les points  $(e_i, F_i)$ , où  $e_i$  est la borne supérieure de la  $i^{\grave{e}me}$  classe  $[e_{i-1}, e_i]$  et  $F_i$  est la fréquence cumulée de cette même classe.





#### Définition

On construit la courbe de la fréquence cumulée en joignant les points  $(e_i, F_i)$ , où  $e_i$  est la borne supérieure de la  $i^{\grave{e}me}$  classe  $[e_{i-1}, e_i]$  et  $F_i$  est la fréquence cumulée de cette même classe.





#### Définition

On construit la courbe de la fréquence cumulée en joignant les points  $(e_i, F_i)$ , où  $e_i$  est la borne supérieure de la  $i^{\grave{e}me}$  classe  $[e_{i-1}, e_i[$  et  $F_i$  est la fréquence cumulée de cette même classe.

#### **Notation**

$$F_i = \mathbb{P}(X \le e_i)$$





## Revenu des 20 femmes

Classe	$F_i\%$
[0, 35[	30
[35, 70[	75
[70, 140[	100
Total	Au Plus